

Concours d'accès en 1<sup>ère</sup> année des ENSA Maroc  
Juillet 2013

Epreuve de mathématiques

Durée: 1H30 min

**Q1.** Le comité du concours ENSA sait par expérience que la probabilité de réussir le concours est de 0,95 pour l'étudiant(e) ayant mention "Très bien" au BAC, de 0,5 pour celui ou celle qui a mention "Bien" au BAC et de 0,2 pour les autres. Il estime, de plus, que parmi les candidats au concours ENSA 2013, 35% ont mention "Très bien" et 50% ont mention "Bien". Si l'on considère un(e) candidat(e) 2013 au hasard, ayant réussi le concours ENSA, la probabilité pour qu'il (ou elle) n'ait ni mention "Très Bien" ni mention "Bien" est:

A) 0,0144

B) 0,0489

C) 0,1444

D) 0,0498

**Q2.** Dans le conseil de l'établissement d'une ENSA, il y'a 5 mathématiciens et 6 physiciens. On doit former un comité concours, issu du conseil, composé de 3 mathématiciens et de 3 physiciens. Le règlement impose que les 2 physiciens les plus âgés doivent absolument faire partie du comité. Le nombre de comités différents à former est:

A) 80

B) 60

C) 40

D) 20

**Q3.** Le reste de la division euclidienne de  $1234^{4321} + 4321^{1234}$  par 7 est égal à:

A) 1

B) 2

C) 3

D) 4

**Q4.** Le nombre  $2^{100} - 1$

A) est divisible par 31 et non par 3

B) est divisible par 3 et non par 31

C) est divisible par 3 et par 31

D) n'est divisible ni par 3 ni par 31

**Q5.** La valeur de la somme

$$S = \sum_{k=1}^{35} k^2$$

est:

A) 14512

B) 14510

C) 14910

D) 14215

**Q6.** La Valeur de la somme

$$\sum_{k=1}^{10} \frac{1}{k(k+1)}$$

est:

A)  $\frac{12}{11}$

B)  $\frac{11}{10}$

C)  $\frac{11}{12}$

D)  $\frac{10}{11}$

**Q7.** On note par  $E(x)$  la partie entière du réel  $x$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{1}{n^2} \sum_{k=1}^n E(7k)$$

A) 7

B)  $\frac{7}{2}$

C)  $\frac{7}{3}$

D)  $\frac{7}{4}$

**Q8.**

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \sqrt[n]{2 + (-1)^n} =$$

A) 1

B)  $\sqrt{2}$

C)  $\sqrt{3}$

D)  $+\infty$

**Q9.** Si  $z_1$  et  $z_2$  sont les deux solutions de l'équation complexe

$$z^2 = 5 - 12i$$

Alors la quantité  $Re(z_1)Im(z_2)$  vaut

A) 6

B) 3

C) -6

D) 0

**Q10.** La partie imaginaire du nombre complexe

$$z = \left( \frac{1 + i\sqrt{3}}{1 - i} \right)^{20}$$

est:

A)  $\sqrt{3}^{20}$

B)  $-512\sqrt{3}$

C)  $-20\sqrt{3}$

D)  $+512\sqrt{3}$

Q11.

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\sqrt{x + x^2} - \sqrt{x}}{\sqrt{3x} \ln(1 + x)} =$$

A)  $\frac{1}{2\sqrt{3}}$

B)  $\frac{1}{3\sqrt{3}}$

C)  $+\infty$

D) 0

Q12.

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(\cos(2x))}{\ln(\cos(3x))} =$$

A)  $\frac{3}{2}$

B)  $\frac{2}{3}$

C)  $\frac{4}{9}$

D)  $\frac{9}{4}$

Q13.

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\ln(x) + x^2}{\ln(x + x^2)} =$$

A) 1

B) 0

C)  $-\infty$

D)  $+\infty$

Q14.

$$\int_0^3 \frac{dx}{3 + 2^x} =$$

A)  $-\frac{\ln 11}{\ln 8}$

B)  $\frac{5}{3}$

C)  $\frac{1}{5} - \frac{\ln 11}{\ln 8}$

D)  $\frac{5}{3} - \frac{\ln 11}{\ln 8}$

Q15.

$$\int_0^1 \ln(1 + x^2) dx =$$

A)  $\ln(2)$

B)  $\ln(2) - 2$

C)  $\frac{\pi}{2}$

D)  $\ln 2 - 2 + \frac{\pi}{2}$

Q16.

$$\int_0^1 x^2 \sqrt{1 - x^2} dx =$$

A)  $\frac{\pi}{8}$

B)  $\pi$

C) 0

D)  $\frac{\pi}{16}$

**Q17.** Le plan  $\mathcal{E}_2$  est rapporté à un repère orthonormal  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ . Soient les points  $A(-4,5)$ ,  $B(5, 2)$  et  $C(-2, 1)$ . La distance du point  $C$  à la droite  $(AB)$  est égale à :

A)  $\sqrt{5}$

B)  $\sqrt{10}$

C)  $2\sqrt{10}$

D)  $10\sqrt{2}$

**Q18.** Soit  $ABC$  un triangle équilatéral du plan  $\mathcal{E}_2$  rapporté à un repère orthonormal  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  de côté  $4\sqrt{3}$  cm. Si  $M$  est un point intérieur quelconque du triangle  $ABC$  alors la valeur de la somme des distances de  $M$  aux cotés de  $ABC$  est

A)  $7\frac{\sqrt{3}}{2}$

B)  $6\sqrt{3}$

C) 6

D)  $\sqrt{3}$

**Q19.** Soit  $E$  un  $\mathbb{R}$ -espace vectoriel et  $H_1$  et  $H_2$  deux sous espaces vectoriels de  $E$  distincts. Si  $\dim E = 4$  et  $\dim H_1 = \dim H_2 = 3$ , alors

$$\dim(H_1 \cap H_2) =$$

A) 0

B) 1

C) 2

D) 3

$\dim X$  désigne la dimension de l'espace vectoriel  $X$  qui représente le nombre des vecteurs de l'une de ses bases

**Q20.** On considère la matrice

$$B = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

La matrice  $B^{13}$  vaut

A)  $\begin{pmatrix} 1 & 13 & 91 \\ 0 & 1 & 13 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$

B)  $\begin{pmatrix} 1 & 13 & 92 \\ 0 & 1 & 13 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$

C)  $\begin{pmatrix} 1 & 13 & 93 \\ 0 & 1 & 13 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$

D)  $\begin{pmatrix} 1 & 13 & 94 \\ 0 & 1 & 13 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$

**Exercice 1:**

Soit  $u_n$  et  $v_n$  les suites réelles définies par:

$$u_0 = \alpha, \quad v_0 = \beta \quad \text{avec } 0 < \alpha < \beta \text{ et } \forall n \in \mathbb{N} : \begin{cases} u_{n+1} = \frac{u_n^2}{u_n + v_n} \\ v_{n+1} = \frac{v_n^2}{u_n + v_n} \end{cases}$$

On pose:  $x_n = \frac{u_n}{v_n}$  et  $y_n = u_n - v_n$

**Q1.** La suite  $(x_n)$ :

- |   |                    |                    |            |
|---|--------------------|--------------------|------------|
| A) Converge vers $\frac{\alpha}{\beta}$ | B) Converge vers 1 | C) Converge vers 0 | D) Diverge |
|---|--------------------|--------------------|------------|

**Q2.** La suite  $(y_n)$  :

- |                                   |                                   |                    |            |
|-----------------------------------|-----------------------------------|--------------------|------------|
| A) Converge vers $\alpha - \beta$ | B) Converge vers $\alpha + \beta$ | C) Converge vers 0 | D) Diverge |
|-----------------------------------|-----------------------------------|--------------------|------------|

**Q3.** La suite  $(u_n)$  :

- |                           |                          |                    |            |
|---------------------------|--------------------------|--------------------|------------|
| A) Converge vers $\alpha$ | B) Converge vers $\beta$ | C) Converge vers 0 | D) Diverge |
|---------------------------|--------------------------|--------------------|------------|

**Q4.** La suite  $(v_n)$  :

- |                                   |                                   |                          |            |
|-----------------------------------|-----------------------------------|--------------------------|------------|
| A) Converge vers $\alpha - \beta$ | B) Converge vers $\beta - \alpha$ | C) Converge vers $\beta$ | D) Diverge |
|-----------------------------------|-----------------------------------|--------------------------|------------|

**Q5.** Soit  $\delta$  un élément de  $]0,1[$ .

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \prod_{k=0}^n (1 + \delta^{2^k}) =$$

- |      |              |                         |                         |
|------|--------------|-------------------------|-------------------------|
| A) 1 | B) $+\infty$ | C) $\frac{1}{1-\delta}$ | D) $\frac{1}{1+\delta}$ |
|------|--------------|-------------------------|-------------------------|

**Exercice 2:**

Calculer les integrals suivantes:

**Q6.**

$$\int_0^{\pi} e^t \cos 2t \, dt =$$

A)  $\frac{e^{\pi}}{5}$

B)  $\frac{e^{\pi}+1}{5}$

C)  $\frac{e^{\pi}-2}{5}$

D)  $\frac{e^{\pi}-1}{5}$

**Q7.**

$$\int_0^{\pi} e^t \cos^2 t \, dt =$$

A)  $\frac{e^{\pi}-1}{5}$

B)  $\frac{4(e^{\pi}+1)}{5}$

C)  $\frac{3(e^{\pi}-1)}{5}$

D)  $\frac{e^{\pi}+2}{5}$

**Exercice 3:**

Soit  $f$  une fonction continue sur  $[a, b]$  et telle que:  $\forall x \in [a, b], f(a + b - x) = f(x)$ .

**Q8.** L'intégrale

$$\int_a^b t f(t) \, dt =$$

A)  $\frac{a+b}{2} \int_a^b f(t) \, dt$

B)  $\frac{a-b}{2} \int_a^b f(t) \, dt$

C)  $\frac{a}{2} \int_a^b f(t) \, dt$

D)  $\frac{b}{2} \int_a^b f(t) \, dt$

**Q9.** L'intégrale

$$\int_0^{\pi} \frac{\sin t}{3 + \cos^2 t} \, dt =$$

A)  $\frac{\pi}{\sqrt{3}}$

B)  $\frac{\pi}{3\sqrt{3}}$

C)  $\frac{\pi}{3}$

D)  $\frac{\pi}{2\sqrt{3}}$

**Q10.** L'intégrale

$$\int_0^{\pi} \frac{t \sin t}{3 + \cos^2 t} dt =$$

A)  $\frac{\pi}{6\sqrt{3}}$

B)  $\frac{\pi^2}{6\sqrt{3}}$

C)  $\frac{\pi^3}{6\sqrt{3}}$

D)  $\frac{\pi^2}{2\sqrt{3}}$

**Exercice 4:**

On note  $a = \frac{\sqrt[3]{41\sqrt{5}+54\sqrt{3}}}{\sqrt{3}}$ ,  $b = \frac{\sqrt[3]{54\sqrt{3}-41\sqrt{5}}}{\sqrt{3}}$  et  $\lambda = a + b$ .

**Q11.** Le produit  $ab$  vaut

A)  $\frac{1}{3}$

B)  $\frac{2}{3}$

C)  $\frac{7}{3}$

D) 1

**Q12.**  $\lambda$  est une solution de l'équation

A)  $x^3 - 7x - 36 = 0$

B)  $x^3 + 7x - 21 = 0$

C)  $x^3 - 7x = 0$

D)  $x^3 - 7x - 36 = 0$

**Q13.** La valeur de  $\lambda$  est alors

A) nulle

B) un réel pair

C) un réel impair

D)  $\lambda > 4$

**Exercice 5:**

Un candidat se présentant à un concours, doit répondre d'une manière successive à une série de questions  $(Q_n)_{n>0}$ . L'épreuve est présentée en ligne et autre que  $Q_1$ , l'accès à  $Q_n$  n'est possible que si le candidat donne une réponse à  $Q_{n-1}$ . On admet que:

- la probabilité de donner une bonne réponse à  $Q_1$  est 0,1.
- pour  $n > 1$ ;
  - si le candidat donne une bonne réponse à  $Q_{n-1}$ , la probabilité de donner une bonne réponse à  $Q_n$  est 0,8.
  - si le candidat donne une mauvaise réponse à  $Q_{n-1}$ , la probabilité de donner une bonne réponse à  $Q_n$  est 0,6.

On note pour tout entier naturel  $n$  non nul,  $B_n$  l'évènement "L'étudiant donne une bonne réponse à la question  $Q_n$ " et  $P_n$  la probabilité de  $B_n$ .

**Q14.** La valeur de  $P_2$  est:

A) 0,52

B) 0,59

C) 0,54

D) 0,62

**Q15.** L'étudiant a répondu correctement à la deuxième question, la probabilité qu'il ait donné une mauvaise réponse à la première vaut

A)  $\frac{27}{37}$

B)  $\frac{21}{37}$

C)  $\frac{27}{31}$

D)  $\frac{21}{31}$

**Q16.** La probabilité que le candidat ait au moins une bonne réponse aux trois premières questions est

A) 0,856

B) 0,865

C) 0,685

D) 0,585

**Exercice 6:**

Le plan complexe  $P$  est rapporté au repère orthonormal direct  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ ; unité graphique 1 cm. Soit  $A$  le point d'affixe  $3i$ . On appelle  $f$  l'application qui, à tout point  $M$  d'affixe  $z$ , distinct de  $A$ , associe le point  $M'$  d'affixe  $z'$  définie par

$$z' = \frac{3iz - 7}{z - 3i}$$

On dit que  $M$  est invariant si  $M = M'$ .

**Q17.**  $f$  admet deux points invariants  $B$  et  $C$  et on note  $z_B$  et  $z_C$  les affixes respectives. Montrer que la somme des parties imaginaires de  $z_B$  et  $z_C$  vaut

A) -6

B) 6

C) 5

D) -5

On admet que  $B$  et  $C$  sont tels que  $|Im(z_B)| > |Im(z_C)|$  et on appelle  $\mathcal{E}$  le cercle de diamètre  $[BC]$ . Soit  $M$  un point quelconque de  $\mathcal{E}$  différent de  $B$  et de  $C$  et  $M'$  son image par  $f$

**Q18.** Il existe un réel  $\Theta$  tel que l'affixe  $z$  de  $M$  s'écrit

A)  $3i - 4e^{i\Theta}$

B)  $-3i - 4e^{i\Theta}$

C)  $3i + 4e^{-i\Theta}$

D)  $3i + 4e^{i\Theta}$



**Q19.** Il existe un réel  $\theta$  tel que l'affixe  $z'$  de  $M'$  s'écrit

A)  $3i - 4e^{-i\theta}$

B)  $-3i + 4e^{i\theta}$

C)  $-3i - 4e^{-i\theta}$

D)  $3i + 4e^{-i\theta}$

**Q20.** Le point  $M'$

A) est à l'intérieur  
du cercle  $\mathcal{E}$

B) est à l'extérieur  
du cercle  $\mathcal{E}$

C) appartient au  
cercle  $\mathcal{E}$

D) est le centre du  
cercle  $\mathcal{E}$

Q1. La somme

$$\frac{1}{2} \left( \sum_{k=0}^{12} C_{12}^k \right) - 34 =$$

A) 2012

B) 2013

C) 2014

D) 2015

Q2.  $n \in \mathbb{N}^*$

$$\sum_{\substack{1 \leq i \leq n \\ 1 \leq j \leq n}} \text{Min}(i, j) =$$

A)  $\frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$

B)  $\frac{n(n+1)}{3}$

C)  $\frac{n(n+2)}{3}$

D)  $\frac{(n+1)(n+2)}{6}$

Q3. Soit le réel

$$\lambda = \sqrt[3]{3 + \sqrt{9 + \frac{125}{27}}} - \sqrt[3]{-3 + \sqrt{9 + \frac{125}{27}}}$$

En calculant  $\lambda^3$ , montrer que:

A)  $\lambda = 0$

B)  $\lambda = 1$

C)  $\lambda = 2$

D)  $\lambda = 3$

Q4.

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \left( \frac{\sin(n)}{3} \right)^n =$$

E) 1

F)  $\frac{1}{3}$

G)  $\frac{2}{3}$

H) 0

Q5.

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \sum_{k=0}^{2n+1} \frac{n}{n^2 + k} =$$

A) 0

B) 1

C) 2

D) k

Q6.

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{10x} - e^{7x}}{x} =$$

A) 1

B) 2

C) 3

D) 4

Q7.

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \left( 1 + \sin^2 \left( \frac{1}{x} \right) \right) \ln x =$$

A) 1

B) 0

C)  $-\infty$

D)  $+\infty$

Q8.

$$\int_0^1 \frac{e^x}{(10 - 3e^x)^2} dx =$$

A)  $\frac{1}{3} \left( \frac{1}{10-3e} - \frac{1}{7} \right)$

B)  $\frac{1}{2} \left( \frac{1}{10-3e} + \frac{1}{7} \right)$

C)  $\frac{1}{3} \left( \frac{1}{10-e} - \frac{1}{7} \right)$

D)  $\frac{1}{10-3e}$

Q9.

$$\int_1^e \left( \frac{\ln x}{x} \right)^2 dx =$$

A)  $-\frac{5}{e}$

B)  $2 + \frac{5}{e}$

C)  $\frac{5}{e}$

D)  $2 - \frac{5}{e}$

**Q10.**

$$\int_0^1 \frac{1}{x^2 + 3x + 2} dx =$$

A)  $\ln\left(\frac{4}{3}\right)$

B)  $\frac{4}{3}$

C)  $\ln\left(\frac{5}{3}\right)$

D)  $\frac{5}{3}$

**Problème 1:**

On considère plusieurs urnes de boules  $U_1, U_2, \dots, U_n, \dots$  tels que: la première urne,  $U_1$ , contient trois boules jaunes et deux boules vertes et chacune des autres urnes contient deux boules jaunes et deux boules vertes.

On réalise des tirages succesifs de la manière suivante:

- on tire au hasard une boule de  $U_1$ ;
- on place la boule tirée de  $U_1$  dans  $U_2$ , puis on tire une boule dans  $U_2$ ;
- on place la boule tirée de  $U_2$  dans  $U_3$ , puis on tire une boule dans  $U_3$ ;
- ... etc.

Pour tout entier  $n \geq 2$ , on note  $E_n$  l'événement "la boule tirée de  $U_n$  est verte" et  $P_n = P(E_n)$  sa probabilité.

**Q11.** La valeur de  $P_1$  est

A) 0,54

B) 0,40

C) 0,44

D) 0,64

**Q12.** Sachant qu'on a tiré une boule verte de  $U_1$  et qu'on l'a placée dans  $U_2$ , la probabilité de tire rune boule verte de  $U_2$  est

A) 0,60

B) 0,83

C) 0,80

D) 0,33

**Q13.** La valeur de  $P_2$  est

A) 0,60

B) 0,83

C) 0,80

D) 0,33

**Q14.** La relation entre  $P_n$  et  $P_{n+1}$  est

A)  $P_{n+1} = 5 + 5P_n$

B)  $P_{n+1} = 2 + 5P_n$

C)  $P_{n+1} = 5 + 2P_n$

D)  $5P_{n+1} = 2 + P_n$

**Q15.** En étudiant le comportement de la suite  $P_n$ , peut-on confirmer qu'après un grand nombre de tirage on a

A) une chance sur deux de tirer une boule verte

B) une chance sur trois de tirer une boule verte

C) une chance sur quatre de tirer une boule verte

D) une chance sur cinq de tirer une boule verte

**Problème 2:**

Le plan complexe  $P$  est rapporté au repère orthogonal direct  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ ; unité graphique 1 cm.

Soient  $A, B$  et  $C$  les points d'affixes respectives  $a = 2, b = 3 + i\sqrt{3}$  et  $c = 2i\sqrt{3}$ .

**Q16.** La mesure de l'angle vaut  $\widehat{ABC}$  vaut

A)  $90^\circ$

B)  $95^\circ$

C)  $85^\circ$

D)  $180^\circ$

**Q17.** L'affixe  $w$  du centre  $\Omega$  du cercle circonscrit au triangle  $ABC$  est

A)  $1 - i\sqrt{3}$

B)  $1 + i\sqrt{3}$

C)  $-1 + i\sqrt{3}$

D)  $-1 - i\sqrt{3}$

**Q18.** On note  $A_n$  le point d'affixe  $z_n$ , où  $z_n$  est la suite de nombres complexes, de premier terme  $z_0 = 0$ , et telle que, pour tout entier naturel  $n$ :

$$z_{n+1} = \frac{1 + i\sqrt{3}}{2} z_n + 2$$

On considère la suite  $t_n = z_n - w$ .

En faisant remarquer que  $w$  est solution de l'équation  $z = \frac{1+i\sqrt{3}}{2} z + 2$ . La suite  $t_n$  vérifie la relation:

A)  $t_{n+1} = \frac{1+i\sqrt{3}}{2} t_n$

B)  $t_{n+1} = \frac{1-i\sqrt{3}}{2} t_n$

C)  $1 + i\sqrt{3} t_{n+1} = 2 t_n$

D)  $1 + i\sqrt{3} t_n = 2 t_{n+1}$

**Q19.** En déduire que pour tout entier naturel  $n$ , on a:

A)  $A_{n+6} = 2t_n$

B)  $A_{n+6} = -t_n$

C)  $A_{n+6} = t_n$

D)  $A_{n+6} = -2t_n$

**Q20.** La valeur de  $A_{2015}$  est

A)  $-1 + 2i\sqrt{3}$

B)  $3 + i\sqrt{3}$

C)  $3i\sqrt{3}$

D)  $-1 + i\sqrt{3}$

**Exercice 1:**

Soient  $a, b, c$  trois nombres complexes distincts,  $A, B, C$  leurs images dans le plan. On note

$$t = \frac{c - a}{b - a}$$

**Q1.** Soient  $r \in \mathbb{R}_+^*, \theta \in \mathbb{R}$ , la relation  $t = re^{i\theta}$  se traduit géométriquement par:

A)  $AC = rAB$  et  
 $(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}) \equiv 0[2\pi]$

B)  $AB = rAC$  et  
 $(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}) \equiv \theta[2\pi]$

C)  $AC = rAB$  et  
 $(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}) \equiv \theta[2\pi]$

D)  $AC = r^2 AB$  et  
 $(\overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AC}) \equiv \theta[2\pi]$

**Q2.**  $A, B, C$  sont alignés si et seulement si

A)  $t \in i\mathbb{R}$

B)  $t \in \mathbb{R}_+$

C)  $t \in i\mathbb{R}_+$

D)  $t \in \mathbb{R}$

**Q3.** Le triangle  $ABC$  est rectangle en  $A$  si et seulement si

A)  $t \in i\mathbb{R}$

B)  $t \in \mathbb{R}_+$

C)  $t \in i\mathbb{R}_+$

D)  $t \in \mathbb{R}$

**Exercice 2:**

Soit  $E$  un ensemble à  $n$  éléments, et  $A \subset E$  un sous-ensemble à  $p$  éléments.

**Q4.** Le nombre de parties de  $E$  est

A)  $n^2$

B)  $2^n$

C)  $n^n$

D)  $n!$

**Q5.** Le nombre de parties de  $E$  qui contiennent un et un seul élément de  $A$  est

A)  $n 2^{n-p}$

B)  $p n 2^{n-p}$

C)  $p 2^{n-p}$

D)  $2^{n-p}$

**Q6.** On part du point de coordonnées  $(0,0)$  pour rejoindre le point de coordonnées  $(p, q)$  ( $p$  et  $q$  entiers naturels donnés strictement supérieurs à 1) en se déplaçant à chaque étape d'une unité vers la droite ou vers le haut. Combien y a-t-il de chemins possibles ?

A)  $C_{p+q}^q$

B)  $qC_{p+q}^q$

C)  $C_{pq}^q$

D)  $2^{p+q}$

**Q7.** Soit  $f$  la fonction réelle définie de  $\mathbb{R}$  dans  $\mathbb{R}$  par:

$$f(x) = \frac{2x}{1+x^2}$$

E)  $f$  est injective

F)  $f$  est surjective

G)  $f$  n'est pas injective

H)  $f$  est injective et n'est pas surjective

**Q8.** Combien le nombre  $15!$  admet-il de diviseurs?

A) 4032

B) 3042

C) 2034

D) 3044

**Q9.** Un QCM comporte 20 questions, pour chacune d'elles 4 réponses sont proposées, une seule est exacte.

Le nombre de grilles réponses possibles est:

A)  $4^{20}$

B)  $20^4$

C) 800

D) 80

**Q10.** Soit  $(x, y, z) \in ([0,1])^3$  :  $\alpha = \text{Minimum}\{x(1-y); y(1-z); z(1-x)\}$

A)  $\alpha = 0$

B)  $\alpha > \frac{1}{4}$

C)  $\frac{1}{8} < \alpha < \frac{1}{4}$

D)  $\alpha \leq \frac{1}{4}$

**Q11.**

$$\sum_{k=0}^{2016} (-1)^k C_{2016}^k =$$

A) 0

B) 1

C) 2

D) 3

Q12.

$$\sum_{1 \leq i \leq 10} \sum_{1 \leq j \leq 10} (i+j)^2 =$$

A) 10000

B) 10750

C) 13000

D) 13750

Q13. Toute fonction discontinue est:

A) constante

B) non dérivable

C) dérivable

D) périodique

Q14.

$$f(x) = \begin{cases} x^2 \sin\left(\frac{1}{x}\right) & \text{si } x \neq 0 \\ 0 & \text{sinon} \end{cases}$$

A)  $f'$  n'est pas continue en 0

B)  $f'$  est continue en 0

C)  $f'$  admet une limite finie en 0

D)  $f'$  a pour limite  $+\infty$  en 0

Q15.

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \left( \frac{x-1}{x+3} \right)^{x+2} =$$

A) 1

B)  $e^{-4}$

C)  $\sqrt{e}$

D) 0

Q16.

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{2 \cos^2\left(\frac{1}{x}\right) - \sin\left(\frac{1}{x}\right) + 3}{x + \sqrt{x}}$$

A)  $+\infty$

B) 0

C) 1

D) 3



**Q17.** Soit  $r_i (i = 1, 4)$  les quatres racines de l'équation réelle:

$$(x - 7)(x - 5)(x + 4)(x + 6) = 608$$

Le produit des racines

$$\prod_{i=1}^4 r_i$$

vaut:

A) 464

B) 608

C) 232

D) 840

**Q18.**

$$\int_e^{e^2} \frac{1 + \ln x}{x \ln x} dx =$$

A)  $1 - \ln(2)$

B)  $1 + \ln(2)$

C)  $\ln 2$

D) 1

**Q19.**

$$\int_0^1 x^2 \sin(\pi x) dx =$$

A)  $\frac{\pi^2 - 4}{\pi^3}$

B)  $\frac{\pi^2 + 4}{\pi^3}$

C)  $\frac{4}{\pi^3}$

D)  $\frac{-4}{\pi^3}$

**Q20.** Soient

$$I = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{\sin(x)}{\cos(x) + \sin(x)} dx$$

et

$$J = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \frac{\cos(x)}{\cos(x) + \sin(x)} dx$$

A)  $I = J = 0$

B)  $I = \frac{\pi}{2}$  et  $J = \frac{\pi}{4}$

C)  $I = J = \frac{\pi}{4}$

D)  $I = \frac{\pi}{3}$  et  $J = \pi$

Q1.

$$\sqrt{9,8} \left( \frac{147}{375} \right)^{-\frac{4}{8}} =$$

A) 4

B) 5

C) 6

D) 7

Q2. On pose

$$X = \sqrt[3]{\sqrt{5} + 2} - \sqrt[3]{\sqrt{5} - 2}$$

En calculant  $X^3$ , montrer que  $X$  vaut:

A) 0

B) 1

C) 2

D) 3

Q3.

$$2 \operatorname{Arctan} \frac{1}{3} + \operatorname{Arctan} \frac{1}{7} =$$

A)  $\frac{\pi}{2}$

B)  $\frac{\pi}{3}$

C)  $\frac{\pi}{4}$

D)  $\frac{\pi}{6}$

Q4.

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{n - (-1)^n}{n + (-1)^n} =$$

A) 0

B) 1

C) 2

D) 3

Q5.

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x e^{-x} + x^2}{x - \ln x} =$$

E) 0

F) 1

G)  $+\infty$

H)  $-\infty$

Q6.

$$\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^3 + x^2 - x - 1}{x^3 - 3x - 2} =$$

A)  $\frac{1}{2}$

B)  $\frac{1}{4}$

C)  $\frac{2}{3}$

D)  $\frac{3}{2}$

Q7. Soit  $f(x) = |x|$  et  $f'$  la dérivée d'ordre 1 de  $f$ , alors:

A)  $f$  n'est pas dérivable en 0

B)  $f'(0) = 0$

C)  $f'(0) = 1$

D)  $f'(0) = -1$

Q8.

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} (\cos x)^7 dx =$$

A)  $\frac{1}{\pi}$

B) 0

C)  $\frac{16}{35}$

D)  $\frac{16}{35}\pi$

Q9.

$$\int_{\frac{1}{3}}^1 \frac{(x - x^3)^{\frac{1}{3}}}{x^4} dx =$$

A) 2

B) 5

C) 6

D) 7

Q10.

$$\int_0^1 \frac{xe^x}{(x+1)^2} dx =$$

A)  $\left(\frac{e}{2} - 1\right)$

B)  $(e^{-2} + 1)$

C)  $e^{-2}$

D)  $e^2$

**Exercice 1:** On munit l'espace d'un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ :

**Q11.** Une représentation paramétrique de la droite passant par le point  $A = (-1, 2, -3)$  et orthogonale au plan d'équation  $2x - 3y + 4z + 1 = 0$  est:

A)  $\begin{cases} x = 3 - 2t \\ y = 2 - t \\ z = -3 + t \end{cases}$

B)  $\begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = -3 - 2t \\ z = -3 - 4t \end{cases}$

C)  $\begin{cases} x = -3 + 2t \\ y = 2 - t \\ z = -3 + t \end{cases}$

D)  $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = 2 - 3t \\ z = -3 + 4t \end{cases}$

**Q12.** On note le point  $A = (-1, 3, 1)$  et on considère la droite  $(D)$  dont l'une des représentations paramétriques est

$$\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = 2 - 2t \\ z = 3 + 3t \end{cases}$$

Les coordonnées du projeté orthogonal du point  $A$  sur la droite  $(D)$  sont:

A)  $\left(\frac{-33}{14}, \frac{50}{17}, \frac{27}{17}\right)$

B)  $\left(\frac{1}{13}, \frac{12}{13}, \frac{60}{13}\right)$

C)  $\left(\frac{-1}{17}, \frac{18}{17}, \frac{75}{17}\right)$

D)  $\left(\frac{-1}{17}, \frac{18}{17}, -\frac{75}{17}\right)$

**Q13.** L'intersection de la droite dirigée par  $\vec{u} = (3, 2, 1)$  et passant par le point  $A = (1, 2, 3)$  avec le plan  $(Oxy)$  est le point  $B$  de coordonnées:

A)  $(4, 4, 4)$

B)  $(-5, -2, 1)$

C)  $(-8, -4, 0)$

D)  $(4, 4, 0)$

**Exercice 2:** Pour fêter leur réussite au concours ENSA, Taha et Jawad sont partis au restaurant pour déjeuner. Taha possède dans sa poche trois billets de 50 DH et un billet de 100 DH, alors que Jawad a dans sa poche un seul billet de 50 DH et un billet de 100 DH.

En tant que amis, joyeux, Taha et Jawad décident en commun accord avec le serveur de payer leur repas selon la procédure suivant:

Dans une urne, deux boules enferment chacune le prénom d'un des deux amis, écrit sur un bout de papier. Le servaur choisit au hasard une des deux boules, l'ouvre, énonce le prénom écrit sur le bout de papier, le remet dans la boule qu'il dépose tout de suite dans l'urne.

La presonne dont le prénom est choisit mettre sa main dans sa poche, en fermant les yeux, et fera sortir obligatoirement un seul billet (nous supposons que les billets sont indiscernables au toucher) et le remettra au serveur qu'il mettra à son tour dans sa caisse quelques soit sa valeur. Si la valeur du billet tiré est de 100 DH, le serveur ferme la caisse et les deux amis peuvent quitter le restaurant, sinon l'opération se refait, une seul fois encore, selon la même procedure.

**Q14.** La probabilité pour que le coût du repas des deux amis soit de 150 DH est:

A)  $\frac{11}{32}$

B)  $\frac{10}{32}$

C)  $\frac{9}{32}$

D)  $\frac{12}{32}$

**Q15.** La probabilité pour que les deux amis paient équitablement le repas est:

A)  $\frac{6}{32}$

B)  $\frac{9}{32}$

C)  $\frac{15}{32}$

D)  $\frac{11}{32}$

**Q16.** La probabilité pour que l'un des deux amis mange gratuitement est:

A)  $\frac{19}{32}$

B)  $\frac{16}{32}$

C)  $\frac{22}{32}$

D)  $\frac{4}{32}$

**Exercice 3:** On considère les nombres complexes suivantes:

$$z_1 = \sqrt{2} + i\sqrt{6}, z_2 = 2 + 2i \text{ et } Z = \frac{z_1}{z_2}$$

**Q17.** La forme algébrique de  $Z$  est:

A)  $\frac{\sqrt{2}}{4}(1 + \sqrt{3} + i\sqrt{3} - i)$

B)  $\frac{\sqrt{2}}{4}(1 - \sqrt{3} + i\sqrt{3} - i)$

C)  $\frac{\sqrt{2}}{4}(1 + i)$

D)  $\frac{\sqrt{2}}{4}(1 - i)$

**Q18.** Le module de  $Z$  est:

A) 4

B) 2

C) 3

D) 1

**Q19.** L'argument de  $Z$  est:

A)  $\frac{\pi}{12} [2\pi]$

B)  $\frac{\pi}{3} [2\pi]$

C)  $\frac{\pi}{6} [2\pi]$

D)  $\frac{\pi}{12} [2\pi]$

**Q20.** La forme algébrique de  $Z^{2017}$  est

A)  $\frac{\sqrt{2}}{4}(1 + \sqrt{3} + i\sqrt{3} - i)$

B)  $\frac{\sqrt{2}}{4}(-\sqrt{3} + i\sqrt{3})$

C)  $\frac{\sqrt{2}}{4}(1 + i)$

D)  $\frac{\sqrt{2}}{4}(1 - i)$

**Q1.**  $(u_n)$  une suite réelle.

$$\text{Si } \lim_{n \rightarrow +\infty} (u_{n+1} - u_n) = 2, \text{ alors } \lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{u_n}{n} =$$

A) 0

B) 1

C)  $+\infty$

D) 2

**Q2.**

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{\sin^2 n - \cos^3 n}{n} =$$

A) 0

B) 1

C)  $-\infty$

D)  $+\infty$

**Q3.**

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} \ln x \cdot \ln(\ln x) =$$

A) 1

B) 0

C)  $+\infty$

D)  $-\infty$

**Q4.** Soit  $(u_n)$  la suite définie sur  $\mathbb{N}^*$  par:

$$u_n = \sum_{k=1}^n \frac{1}{k}$$

A)  $u_{2n} - u_n \geq \frac{1}{2}$

B)  $u_{2n} - u_n \leq \frac{1}{4}$

C)  $u_{2n} - u_n < \frac{1}{3}$

D)  $u_{2n} - u_n < \frac{1}{2}$

**Q5.** Pour la même suite que **Q4**. On a:

A)  $u_{2^{10}} \geq 6$

B)  $u_{2^{10}} < 6$

C)  $u_{2^{10}} = 3$

D)  $u_{2^{10}} < 5$

Q6.

$$\cos(\text{Arctan } x) =$$

A)  $\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$

B)  $\frac{1}{\sqrt{1+x^2}}$

C)  $\frac{-1}{\sqrt{1+x^2}}$

D)  $\frac{-1}{\sqrt{1-x^2}}$

Q7. Soit  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  une fonction continue en 0 telle que  $\forall x \in \mathbb{R} f(2x) = f(x)$  Alors  $f$  est:

A) Constante

B) Strictement croissante

C) Strictement décroissante

D) périodique de période 2

Q8.  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  une fonction dérivable en  $a \in \mathbb{R}$ .

$$\lim_{x \rightarrow a} \frac{xf(a) - af(x)}{x - a} =$$

A)  $f'(a)$

B)  $f(a) + af'(a)$

C)  $f(a) - f'(a)$

D)  $f(a) - af'(a)$

Q9.

$$\int_0^1 \frac{x^4}{x^2 + 1} dx =$$

A)  $\frac{\pi}{4}$

B)  $\frac{2}{3}$

C)  $\frac{\pi}{4} - \frac{2}{3}$

D)  $\frac{\pi}{4} + \frac{2}{3}$

Q10.

$$\int_0^{\sqrt{3}} x^2 \ln(x^2 + 1) dx =$$

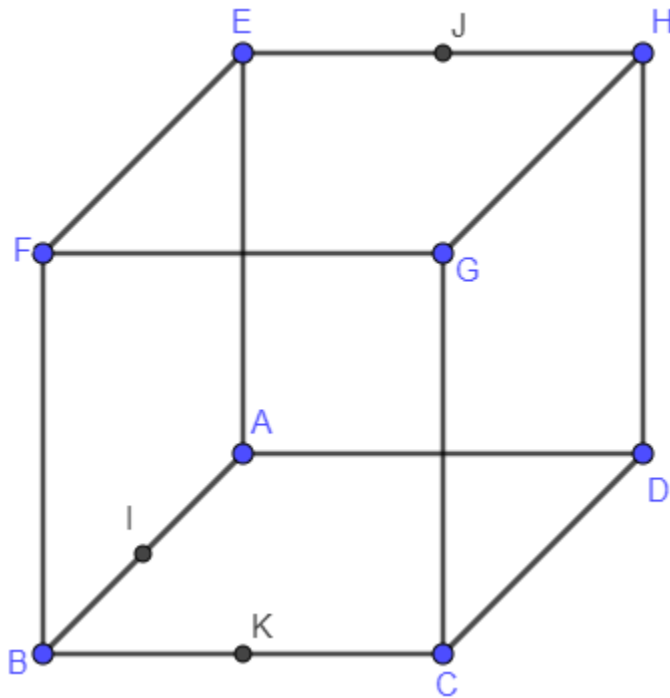
A)  $\sqrt{3} \ln 2 - \frac{\pi}{9}$

B)  $\sqrt{3} \ln 2 + \frac{\pi}{9}$

C)  $2 \left( \sqrt{3} \ln 2 - \frac{\pi}{9} \right)$

D)  $\sqrt{3} \ln 2$

**Exercice 1:** On considère le cube  $ABCDEFGH$  et on note  $(A, \overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD}, \overrightarrow{AE})$  un repère orthonormé de l'espace.



**Q11.** Les coordonnées du vecteur  $\overrightarrow{FD}$  sont

A)  $(1, 1, 1)$

B)  $(-1, 1, 1)$

C)  $(-1, 1, -1)$

D)  $(1, 1, 0)$

**Q12.** Une représentation paramétrique de la droite  $(FD)$  est

A) 
$$\begin{cases} x = t \\ y = t + 1 \\ z = -t \end{cases} \\ t \in \mathbb{R}$$

B) 
$$\begin{cases} x = -t \\ y = -t + 1 \\ z = -t \end{cases} \\ t \in \mathbb{R}$$

C) 
$$\begin{cases} x = -t \\ y = t + 1 \\ z = -t \end{cases} \\ t \in \mathbb{R}$$

D) 
$$\begin{cases} x = t \\ y = t + 1 \\ z = +t \end{cases} \\ t \in \mathbb{R}$$



**Q13.** On note  $I$  le milieu du segment  $[AB]$ ,  $J$  le milieu du segment  $[EH]$ , et  $K$  le milieu du segment  $[BC]$ . La droite  $(FD)$

A) est orthogonale au plan  $(IJK)$

B) n'est pas orthogonale au plan  $(IJK)$

C) appartient au plan  $(IJK)$

D) parallèle au plan  $(IJK)$

**Q14.** Une équation cartésienne du plan  $(IJK)$  est:  $ax + by + cz + d = 0$  avec

A)  $a = -1, b = -1, c = 1$  et  $d = \frac{-1}{2}$

B)  $a = 1, b = -1, c = 1$  et  $d = \frac{-1}{2}$

C)  $a = -1, b = -1, c = 1$  et  $d = \frac{1}{2}$

D)  $a = 1, b = 1, c = -1$  et  $d = \frac{-1}{2}$

**Q15.** Les coordonnées du point  $M$ ; intersection de la droite  $(FD)$  et le plan  $(IJK)$  sont:

A)  $(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, \frac{1}{2})$

B)  $(\frac{1}{2}, 0, \frac{1}{2})$

C)  $(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, 0)$

D)  $(1, 1, 0)$

**Q16.** Le triangle  $IJK$  est

A) Equilatéral

B) Rectangle en  $J$

C) Rectangle en  $K$

D) Rectangle en  $I$

**Exercice 2:** Le QCM du concours ENSA comporte 20 question, pour chacune desquelles 4 réponses sont proposes et une seule est correcte. Un étudiant décide de remplir la grille-réponse en cochant au hasard une réponse pour chacune des 20 questions. Pour  $n \in \mathbb{N}$  et  $0 \leq n \leq 20$ , on note  $A_n$  « répondre au hasard exactement  $n$  fois correctement»; l'évènement  $A_n$  est réalisé si  $n$  réponses sont correctes et  $20 - n$  sont incorrectes.

$\binom{n}{p}$  désigne le nombres de combinaison de  $p$  parmi  $n$ .

**Q17.** Le nombre de grilles-réponses possible est

A) 24

B)  $20^4$

C) 80

D)  $4^{20}$

**Q18.** La probabilité de ne donner aucune réponse correcte est  $P(A_0) =$

A)  $\frac{3^{20}}{4^{20}}$

B)  $\frac{24}{4^{20}}$

C)  $\frac{1}{20^4}$

D)  $\frac{1}{80}$

**Q19.** La probabilité de donner exactement  $n$  bonnes réponses correctes est  $P(A_n) =$

A)  $\frac{\binom{20}{n} 3^n}{4^{20}}$

B)  $\frac{\binom{20}{n} 3^{20-n}}{4^{20}}$

C)  $\frac{\binom{20}{3} 3^{20-n}}{20^4}$

D)  $\frac{\binom{20}{3} 3^n}{80}$

**Q20.** La probabilité de répondre au hasard au moins 6 fois correctement est

A)  $\sum_{k=6}^{20} \frac{\binom{20}{k} 3^k}{4^{20}}$

B)  $\sum_{k=0}^{20} \frac{\binom{20}{k} 3^{20-k}}{4^{20}}$

C)  $\sum_{k=6}^{20} \frac{\binom{20}{k} 3^{20-k}}{20^4}$

D)  $\sum_{k=0}^6 \frac{\binom{20}{k} 3^{20-k}}{20^4}$

Q1. Soient  $a, b > 0$ , on considère la suite:

$$\begin{cases} u_{n+1} = \frac{(b^2 + ab - a^2)u_n - a^2}{b^2u_n + b^2 - ab - a^2} \\ u_0 = \frac{b}{a} \end{cases}$$

En remarquant que la suite  $v_n = \frac{b}{bu_n - a}$  est une arithmétique,  $u_n$  est égal à:

A)  $\frac{an+b}{bn+a}$

B)  $\frac{n+b}{bn+a}$

C)  $\frac{an-b}{bn-a}$

D)  $\frac{an+b}{n+a}$

Q2. Pour  $n \in \mathbb{N}^*$ , on considère la suite:

$$u_n = \sum_{k=1}^n \frac{1}{2k+n}$$

On a  $u_n \in I$  avec

A)  $I = \left[0, \frac{1}{3}\right[$

B)  $I = \left[\frac{1}{3}, 1\right[$

C)  $I = [2, 3[$

D)  $I = [1, 2[$

Q3. On considère toujours la suite de la question 2 ci-dessus,  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$  est égale à:

A)  $\sqrt{3}$

B)  $\ln(3)$

C)  $\ln(\sqrt{3})$

D) 0

Q4. Sachant que  $(\ln(x + \sqrt{4+x^2}))' = \frac{1}{\sqrt{4+x^2}}$ , la valeur de l'intégrale

$$\int_0^1 \sqrt{4+x^2} dx$$

A)  $\ln\left(\frac{3+\sqrt{5}}{2}\right) - \frac{\sqrt{5}}{2}$

B)  $\ln\left(\frac{3+\sqrt{5}}{2}\right) - \ln\left(\frac{\sqrt{5}}{2}\right)$

C)  $\ln\left(\frac{3+\sqrt{5}}{2}\right) - \frac{5}{2}$

D)  $\ln\left(\frac{3+\sqrt{5}}{2}\right) + \frac{\sqrt{5}}{2}$

Q5. On considère l'équation trigonométrique suivante: (E):  $\cos^4(3x) + \sin^4(3x) = 1$

Les solutions de (E) sont de la forme:

A)  $x = \frac{\pi}{2} + 2k\pi, k \in \mathbb{Z}$

B)  $x = -\frac{\pi}{6} + 2k\pi, k \in \mathbb{Z}$

C)  $x = \frac{k\pi}{3}, k \in \mathbb{Z}$

D)  $x = \frac{k\pi}{6}, k \in \mathbb{Z}$

**Q6.** Soit le réel

$$\lambda = \sqrt[4]{\frac{7 + 3\sqrt{5}}{2}} - \sqrt[4]{\frac{7 - 3\sqrt{5}}{2}}$$

En calculant  $\lambda^4$ , la valeur de  $\lambda$  est:

A) 0

B) 1

C) 2

D) 3

**Q7.** Soit  $a > 0$ , la valeur de l'intégrale

$$\int_0^a \sqrt{a^2 - x^2} dx$$

A)  $\frac{\pi a}{4}$

B)  $4\pi a$

C)  $\pi a^2$

D)  $\frac{\pi a^2}{4}$

**Q8.** On jette 3 fois dé à 6 faces numérotées de 1 à 6, et on note  $a, b$  et  $c$  les résultats successifs obtenus. On note  $Q(x) = ax^2 + bx + c$ . La probabilité pour que  $Q$  admette une seule racine double est:

A)  $\frac{11}{216}$

B)  $\frac{7}{216}$

C)  $\frac{5}{216}$

D)  $\frac{9}{216}$

**Q9.** Une urne contient 4 boules jaunes, 3 boules rouges et 3 boules bleues. Les boules sont indiscernables au touché. L'expérience consiste à tirer au hasard successivement deux boules (une après l'autre) sans remise.

La probabilité d'obtenir la deuxième boule tirée rouge est :

A)  $\frac{17}{90}$

B)  $\frac{15}{90}$

C)  $\frac{19}{90}$

D)  $\frac{13}{90}$

**Q10.** On considère toujours la même expérience.

La probabilité d'obtenir la deuxième boule tirée rouge sachant que la première est jaune est:

A)  $\frac{4}{17}$

B)  $\frac{5}{17}$

C)  $\frac{8}{17}$

D)  $\frac{9}{17}$

**Q11.** Soit  $z = -1 + \sqrt{2} + i$ ,  
 $\arg(z)$  est égal à :

A)  $\frac{3\pi}{8}$

B)  $\frac{5\pi}{8}$

C)  $\frac{7\pi}{8}$

D)  $\frac{\pi}{8}$

**Q12.** En relation avec la question précédente, la valeur de  $\cos\left(\frac{5\pi}{8}\right)$  est :

A)  $\sqrt{\frac{2-\sqrt{2}}{2}}$

B)  $-\frac{\sqrt{2-\sqrt{2}}}{2}$

C)  $\frac{\sqrt{2-\sqrt{2}}}{2}$

D)  $-\sqrt{\frac{2-\sqrt{2}}{2}}$

**Q13.** Soit  $a = \cos\left(\frac{\pi}{5}\right) \cos\left(\frac{2\pi}{5}\right)$ . En calculent  $a \sin\left(\frac{\pi}{5}\right)$ , la valeur de  $a$  est :

A)  $\frac{1}{2}$

B)  $\frac{1}{3}$

C)  $\frac{1}{4}$

D)  $\frac{1}{5}$

**Q14.** A partir de l'expression de la valeur de  $a$  (question précédente) la valeur de  
 $b = \sin\left(\frac{\pi}{5}\right) \sin\left(\frac{2\pi}{5}\right)$  est :

A)  $\frac{5}{4}$

B)  $\frac{\sqrt{5}}{4}$

C)  $\frac{1}{4}$

D)  $\sqrt{\frac{5}{4}}$

**Q15.** Soient  $A, B$  deux points distincts du plan. L'ensemble des points  $M$  tel que  
 $\overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{AM} - 4\overrightarrow{AM} \cdot \overrightarrow{BM} = 0$  est :

A) Une droite

B) Un cercle

C) Une demi-droite

D) Un disque

**Q16.** L'expression simplifiée de

$$u_n = \prod_{k=0}^n \frac{k^2 + 5k + 6}{k^2 + 5k + 4}$$

est :

A)  $\frac{6n+3}{n+4}$

B)  $\frac{n+4}{3n+6}$

C)  $\frac{n+4}{6n+3}$

D)  $\frac{3n+6}{n+4}$

**Q17.** Le concours d'entrée à la première année des ENSA pour l'année 2019-2020 se déroule le 23 Juillet 2019.

Le nombre des unités de  $23^{2019}$  est:

A) 3

B) 9

C) 1

D) 7

**18.** La valeur du produit suivant

$$u_n = \prod_{k=1}^n (e^{2^k} + e^{-2^k})$$

est:

A)  $\frac{e^{2^{n+1}} - e^{-2^{n+1}}}{e - e^{-1}}$

B)  $\frac{e^{2^{n+1}} + e^{-2^{n+1}}}{e - e^{-1}}$

C)  $\frac{e^{2^{n+1}} - e^{-2^{n+1}}}{e + e^{-1}}$

D)  $\frac{e^{2^{n+1}} + e^{-2^{n+1}}}{e + e^{-1}}$

**Q19.** Soient  $f_n(x) = e^x + nx^2 - 3$  et  $u_n$  la solution de  $f_n(x) = 0$  ( $x \geq 0, n > 0$ ),  $u_n$  est:

A) est croissante

B) est décroissante

C) est stationnaire

D) est périodique

**Q20.** Suite à la question précédente,  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$  est égale à:

A)  $\frac{1}{2}$

B) 0

C) 1

D)  $\sqrt{\frac{1}{2}}$

Concours d'accès en 1<sup>ère</sup> année des ENSA Maroc  
Juillet 2021

Epreuve de mathématiques

Durée: 1H30 min

Q1. Une condition nécessaire (pas forcément suffisante) pour réussir le concours de l'ENSA est :

A) Avoir répondu correctement à tout le QCM	B) Avoir au plus de 25% de réponses fausses	C) Avoir au moins 50% de réponses correctes	D) Avoir passé le concours
---	---	---	----------------------------

Q2. Le 17 juillet de 2021, jour du concours de l'ENSA, est un samedi.  
Quel jour de la semaine sera le 29 février 2024 ?

A) mardi	B) jeudi	C) samedi	D) lundi
----------	----------	-----------	----------

Q3. Le nombre de diviseurs de  $N = 72^{10} \times 162^{50}$  est :

A) 17600	B) 17680	C) 17820	D) 17901
----------	----------	----------	----------

Q4. Soient  $x$  et  $y$  deux réels non nuls, inverses l'un de l'autre, tels que la somme du carré de leur somme avec la somme de leurs carrés est égale à 10. Le carré du nombre  $x$  vaut :

A) $2 - \sqrt{3}$ ou $2 + \sqrt{3}$	B) $1 - \sqrt{5}$ ou $1 + \sqrt{5}$	C) $1 - \sqrt{3}$ ou $1 + \sqrt{3}$	D) $1 - \sqrt{5}$ ou $1 + \sqrt{5}$
-------------------------------------	-------------------------------------	-------------------------------------	-------------------------------------

Q5. Le produit

$$\prod_{k=0}^9 {}^{3.2^k}\sqrt{5} =$$

A) $\sqrt[3]{5 \frac{511}{256}}$	B) $\sqrt[3]{5 \frac{1023}{256}}$	C) $\sqrt[3]{5 \frac{1023}{512}}$	D) $\sqrt[3]{5 \frac{511}{1024}}$
----------------------------------	-----------------------------------	-----------------------------------	-----------------------------------

Q6.

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} 3^n e^{-3n} =$$

A) 1	B) 0	C) $+\infty$	D) e
------	------	--------------	------

**Q7.** En remarquant que pour tout  $n \in \mathbb{N}$ , le nombre  $(3 + \sqrt{5})^n + (3 - \sqrt{5})^n$  est un entier pair,  

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} \sin\left((3 + \sqrt{5})^n \pi\right) =$$

- |      |       |      |              |
|------|-------|------|--------------|
| A) 1 | B) -1 | C) 0 | D) $+\infty$ |
|------|-------|------|--------------|

**Q8.**

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{6}} \frac{\sqrt{3} \sin x - \cos x}{x - \frac{\pi}{6}}$$

- |      |      |      |              |
|------|------|------|--------------|
| A) 0 | B) 1 | C) 2 | D) $+\infty$ |
|------|------|------|--------------|

**Q9.**

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} x^{\left(\frac{1}{\ln 3x}\right)} =$$

- |        |      |            |            |
|--------|------|------------|------------|
| A) $e$ | B) 0 | C) $\ln 3$ | D) $1 + e$ |
|--------|------|------------|------------|

**Q10.** Soit  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  une fonction  $T$  périodique avec  $T > 0$ , telle que  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  existe dans  $\mathbb{R}^*$ .

- |                                   |                                     |                              |                                    |
|-----------------------------------|-------------------------------------|------------------------------|------------------------------------|
| A) $f$ est strictement croissante | B) $f$ est strictement décroissante | C) $f$ est la fonction nulle | D) $f$ est une constante non nulle |
|-----------------------------------|-------------------------------------|------------------------------|------------------------------------|

**Q11.** Soit la fonction  $f$  définie par:

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + x^3 \cos\left(\frac{1}{x}\right) & \text{si } x \neq 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$$

Soit  $f'$  la dérivée d'ordre 1 de  $f$ .

- |                |                |                |                                 |
|----------------|----------------|----------------|---------------------------------|
| A) $f'(0) = 1$ | B) $f'(0) = 0$ | C) $f'(0) = 2$ | D) $f$ n'est pas dérivable en 0 |
|----------------|----------------|----------------|---------------------------------|



**Q12.** Pour la même fonction  $f$  de **Q11**, on note  $f''$  sa dérivée d'ordre 2. Alors:

A)  $f''(0) = 0$

B)  $f''(0) = 1$

C)  $f''(0) = 2$

D)  $f$  n'est pas deux fois dérivable en 0

**Q13.** L'aire de la délimitée par la courbe d'équation  $y = \cos(\ln x)$  et les droites d'équations  $x = e^{\frac{\pi}{2}}$  et  $x = e^{\pi}$  est égale à:

A)  $\frac{1}{2} (e^{\pi} + e^{\frac{\pi}{2}})$

B)  $e^{\pi} - e^{\frac{\pi}{2}}$

C)  $e^{\pi} + e^{\frac{\pi}{2}}$

D)  $e^{\pi}$

**Q14.** Soit  $f: [0; \alpha] \rightarrow \mathbb{R}$  continue telle que  $f(x) \neq -1$  et  $f(x) \cdot f(\alpha - x) = 1$

$$\int_0^{\alpha} \frac{1}{1 + f(x)} dx =$$

A)  $\frac{\alpha}{2}$

B)  $\alpha$

C)  $1 + \alpha$

D)  $\frac{1}{1+\alpha}$

**Q15.** Soit la fonction réelle

$$f(x) = e^{-x} \sin(x)$$

et  $f^{(4)}$  sa dérivée d'ordre 4, alors:

$$f^{(4)}(x) =$$

A)  $-f(x)$

B)  $-4f(x)$

C)  $4f(x)$

D)  $-3f(x)$

**Q16.** Pour la même fonction  $f$  de **Q15**,

$$\int_0^{\pi} f(x) dx =$$

A)  $\frac{1}{3} (1 - e^{-\pi})$

B)  $\frac{1}{2} (1 + e^{-\pi})$

C)  $\frac{1}{4} (1 - e^{-\pi})$

D)  $\frac{1}{5} (1 + e^{-\pi})$

**Q17.** Soit  $u$  la solution de l'équation à variable complexe:

$$z\bar{z} + 4iz = -3 + 4i$$

Alors:

A)  $Re(u) \times Im(u) = 2$

B)  $Re(u) \times Im(u) = 1$

C)  $Re(u) + Im(u) = 2$

D)  $u$  est un imaginaire pur

**Q18.** Soient  $z_1$  et  $z_2$  les solutions de l'équation à variable complexe:

$$z^2 - 2\bar{z} + 3 = 0$$

$$Re\left(\frac{z_1}{z_2}\right) =$$

A)  $-\frac{2\sqrt{6}}{7}$

B)  $\frac{2\sqrt{6}}{7}$

C)  $\frac{5}{7}$

D)  $-\frac{5}{7}$

**Q19.** Soient  $\theta$  un nombre réel non nul et  $z$  un nombre complexe tels que:  $z = \cos^2 \theta + i \sin \theta \cos \theta$ . La partie réelle du nombre  $z^{-3}$  est:

A)  $\frac{\cos \theta}{\sin^3 \theta}$

B)  $\frac{\sin 3\theta}{\sin^3 \theta}$

C)  $\frac{\cos 3\theta}{\cos^2 \theta}$

D)  $\frac{\sin \theta}{\cos^3 \theta}$

**Q20.** Le nombre  $\cos 5\theta$  est égal à:

A)  $\cos^5 \theta + 10 \cos^3 \theta \sin^2 \theta + 5 \cos \theta \sin^4 \theta$

B)  $\cos^5 \theta + 5 \cos^3 \theta \sin^2 \theta + 10 \cos \theta \sin^4 \theta$

C)  $\cos^5 \theta - 10 \cos^3 \theta \sin^2 \theta + \cos \theta \sin^4 \theta$

D)  $\cos^5 \theta - 10 \cos^3 \theta \sin^2 \theta + 5 \cos \theta \sin^4 \theta$