

H ortho) Asymptote | suite géo | signe |

Nombre de questions 6

I- Soit  $f$  la fonction définie par :  $f(x) = x + \ln\left(\frac{x}{2x-1}\right)$  et soit  $(C_f)$  sa courbe représentative dans un repère orthonormé  $(O; \vec{i}; \vec{j})$ .

1- Déterminer  $D_f$  le domaine de définition la fonction

$\sqrt{D_f = ]-\infty, 0[ \cup ]\frac{1}{2}, +\infty[}$

2- Donner le sens de variation de la fonction  $f$  sur l'intervalle  $[-\frac{1}{2}; 0[$

la fct est décroissante sur  $[-\frac{1}{2}, 0[$

3- Déterminer les abscisses des points de la courbe  $(C_f)$  où la tangente est parallèle à l'axe des abscisses.

$x = -\frac{1}{2}$  et  $x = 1$

5- Déterminer le nombre de solution de l'équation  $f(x) = 2$

2 solutions

6- Soit  $(C)$  la courbe représentative de la fonction  $f$ . Déterminer (dans le cas où elles existent) les équations des :

-Asymptotes verticales :  $x = 0$  et  $x = \frac{1}{2}$   
 -Asymptotes horizontales :  
 -Asymptotes obliques :  $y = x + \ln\left(\frac{1}{2}\right)$

II- Calculez les limites suivantes :

$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x - x\sqrt{x+1}}{x^2 - x + 1} = 0$

$\lim_{x \rightarrow (-1)} \frac{x^3 + 5x^2 + x - 3}{x^3 + 1} = -2$

III- Calculez les intégrales suivantes :

$\int_{\frac{1}{e}}^e \frac{\ln(x)}{x\sqrt{\ln^2(x)+1}} dx = 0$

signe de  $\frac{x}{2x-1}$   
 $\Rightarrow$  signe de  $x(2x-1)$

# Simili Concours FMG

$$j^3 = 1$$

IV- Soit  $j$  le nombre complexe tel que :  $j = \frac{-1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$

Donner la forme algébrique du nombre complexe  $z$  tel que :

$$S = 1 + j + j^2 + j^3 + j^4 + j^5 + \dots + j^{2019}$$

~~0~~

V- On considère l'espace associé à un repère orthonormé  $(o; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ , et le plan  $(P)$  d'équation :

$$2x + 2y - z + 1 = 0$$

L'équation de la sphère  $(S)$  de centre  $\Omega(1; -1; 4)$  et tangente au plan  $(P)$  est :

$$(x-1)^2 + (y+1)^2 + (z-4)^2 = 2$$

$(x-1)^2 + (y+1)^2 + (z-4)^2 = 1$

VI- 1) Soit  $(u_n)$  la suite définie par :  $u_0 = 0$  et  $\forall n \in \mathbb{N} : u_{n+1} = \frac{4u_n + 2}{u_n + 5}$

On compare  $u_0$  et  $u_1$

a - Donner la monotonie de la suite  $(u_n)$

croissante

b - Calculer  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 1$

2) Soit  $(v_n)$  la suite définie par :  $v_n = \frac{u_n + 2}{1 - u_n}$

Donner la nature de la suite  $(v_n)$

géo

$(v_n)$  ..... suite géométrique ..... Raison  $q > 1$  .....  $\sum_{n=0}^{\infty} v_n = +\infty$

VII- Une urne contient 4 boules blanches et 1 boule noire, on tire successivement avec remise des boules de l'urne et on s'arrête lorsqu'on obtient une boule noire. Calculer la probabilité pour s'arrêter au quatrième tirage.

$$\frac{64}{625}$$

$P = \frac{64}{625}$

la monotonie  
+  
le signe

$f(u_n) = u_{n+1}$   
 on peut déterminer la suite