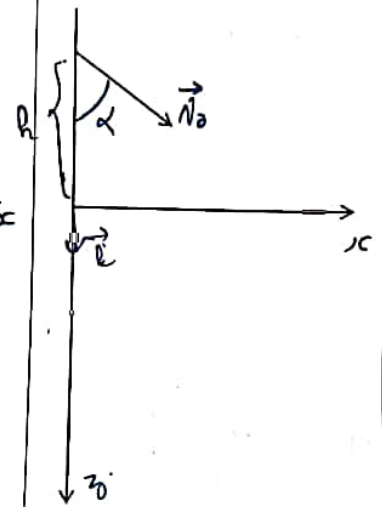
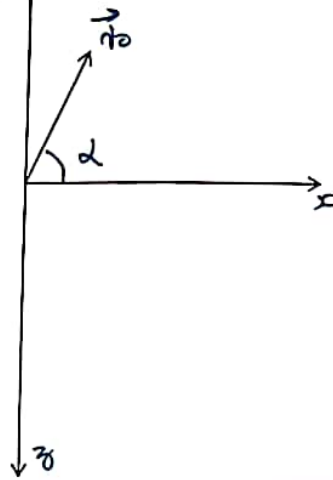
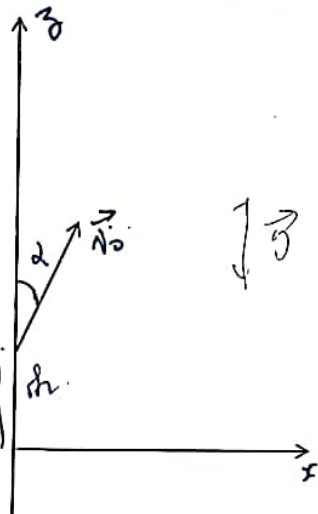
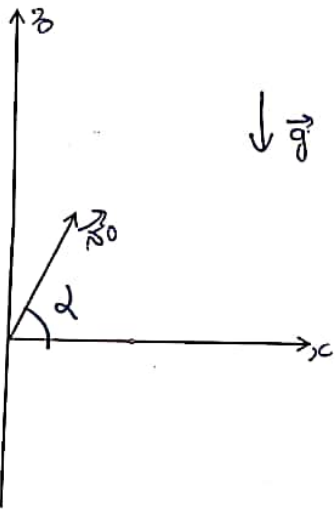


Chute libre parabolique

Accélération du mouvement :

$$\vec{a} = \vec{g}$$



$$x(t) = v_0 \cos \alpha t$$

$$z(t) = -\frac{g}{2} t^2 + v_0 \sin \alpha t$$

$$x(t) = v_0 \sin \alpha t$$

$$z(t) = -\frac{g}{2} t^2 + v_0 \cos \alpha t + h$$

$$x(t) = v_0 \cos \alpha t$$

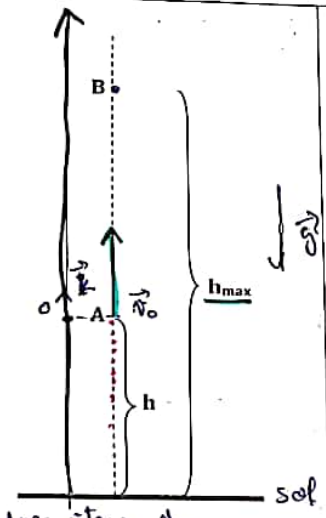
$$z(t) = \frac{g}{2} t^2 - v_0 \sin \alpha t$$

$$x(t) = v_0 \sin \alpha t$$

$$z(t) = \frac{g}{2} t^2 + v_0 \cos \alpha t - h$$

Chute libre verticale

Accélération du mouvement :

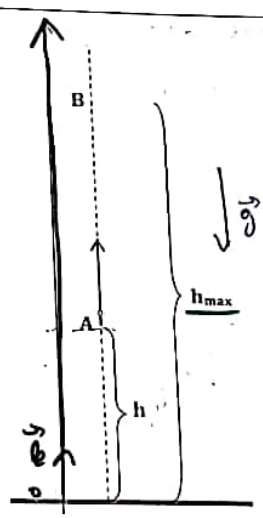


Avec vitesse v_0
Mouvement rectiligne
Uniformément varié

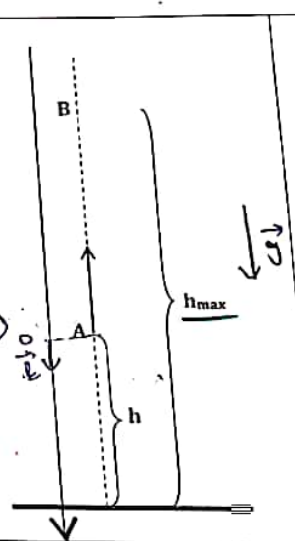
$$z(t) = \frac{1}{2} a_z t^2 + v_{0z} t + z_0$$

- $a_z = a \cos \Pi$
- $a_z = -g$
- $v_{z0} = v_0$
- $z_0 = 0$

$$z(t) = -\frac{g}{2} t^2 + v_0 t$$



$$z(t) = -\frac{1}{2} g t^2 + v_0 t + h$$



$$z(t) = \frac{1}{2} g t^2 - v_0 t$$



$$z(t) = \frac{1}{2} g t^2 - v_0 t - h$$

Ressort horizontal

• $\vec{F} = -kx\vec{u}$ (en général : $\vec{F} = -k\Delta l\vec{u}$ avec Δl allongement $\Delta l = l - l_0$)

• $\|\vec{F}\| = k|\Delta l|$

• $\ddot{x} + \frac{k}{m}x = 0$

$T_0 = 2\pi\sqrt{\frac{m}{k}}$

$\ddot{x} + \omega_0^2 x = 0$

avec $\omega_0 = \frac{2\pi}{T_0} = \sqrt{\frac{k}{m}}$

• Δ 2^{ème} loi de Newton.

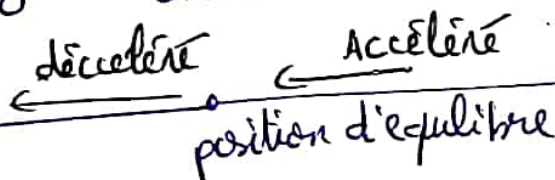
• $x(t) = x_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi\right)$

Remarque si $v_0 = 0$
 $\varphi = 0$ ou $\varphi = \pi$

$x_0 = x_m \cos \varphi$

$v_0 = -\frac{2\pi}{T_0} x_m \sin \varphi$

Si $v_0 \neq 0$ on cherche $x_m \Rightarrow$ on trouve φ



Somme à 3 forces
 $\vec{P} + \vec{T} + \vec{R}$

$\vec{P} + \vec{T} = 0$
 à tout instant

$x = \pm x_m \quad v = 0$

$v = \pm v_m \quad x = 0$

$E_m = E_c + E_{pe} = E_{c,max} = E_{pe,max} = \frac{1}{2} k x_m^2 = cte$

$E_c = \frac{1}{2} m \dot{x}^2$

$E_{pe} = \frac{1}{2} k x^2 + C$

(en général $\frac{1}{2} k (l - l_0)^2 + C$)

Si $E_{c,max}$ alors $E_{pe} = 0$
 et l'inverse.

$$\ddot{x}(t) = -\left(\frac{2V}{T_0}\right)^2 x(t)$$



Si x est maximal alors \dot{x} est aussi maximale

$$+ \text{Energie} = \frac{T_0}{2}$$

$$+ W(\vec{F}_e) = -\frac{1}{2} k (x_2^2 - x_1^2)$$

Mécanique

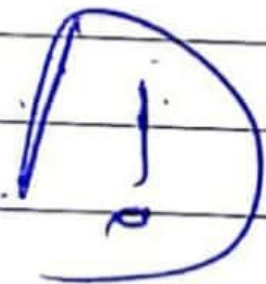
$$\ddot{x} = -\frac{k}{m} (x_m^2 - x^2)$$

$$x(t) = x_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0} t + \varphi\right)$$

$$\ddot{x} = -\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 x(t) \Rightarrow \ddot{x} = -\frac{kx(t)}{m}$$

$$\frac{2\pi}{T_0} = \sqrt{\frac{k}{m}}$$

$$E_m = \frac{1}{2} m v_m^2$$



$$x_m \cos(\varphi) = x_0$$

$$\sin^2 x + \cos^2 x = 1$$

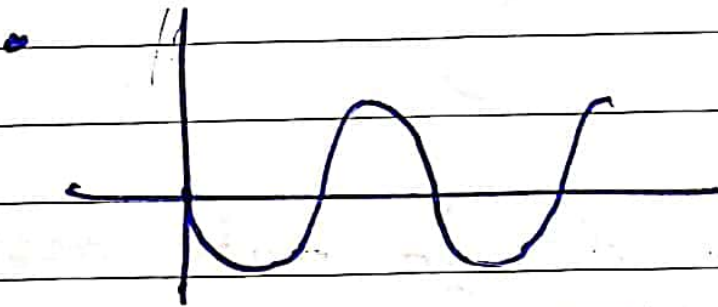


$$\ddot{x} = -\frac{2\pi}{T_0} x_m \sin\left(\frac{2\pi}{T_0} t\right)$$



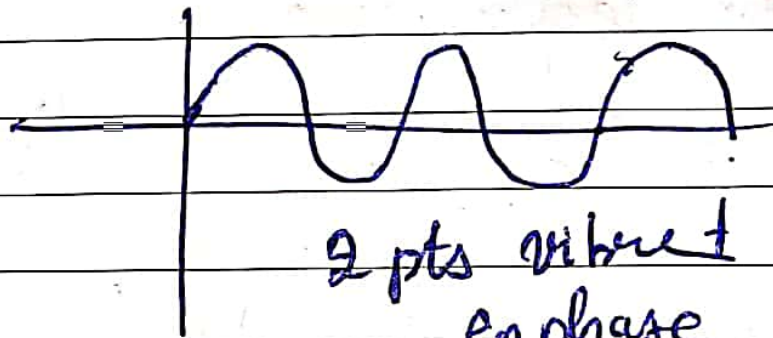
$$\ddot{x}^2 = \left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 x_m^2 \left(1 - \cos^2\left(\frac{2\pi}{T_0} t\right)\right)$$

$$\ddot{x}^2 = \frac{k}{m} (x_m^2 - x(t)^2)$$



à t = 0

Mot vers
le bas

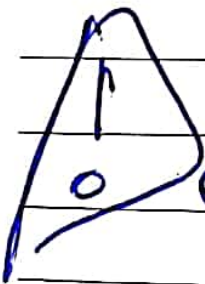


à t = 0

Mot
vers le haut

2 pts vibrent
en phase
avec la source.

- la propagation du son est dû à une compression et aussi des couches de l'air



et mon pas le déplacement des particules d'air d'émetteur vers le récepteur

$\frac{d}{\lambda} = \dots$ pour savoir si en phase ou po

$$E_{pe} = \frac{1}{2} k x^2 = \frac{1}{2} k (l - l_0)^2 + C$$



Pour calculer l_0 à la position d'équilibre.

$$E_{m} = E_c(\text{à l'équilibre}) = \frac{1}{2} m v_0^2$$



lacher sans vitesse initiale.

$$f = 0 \quad f = \pi$$



$$W(\vec{P})_{A \rightarrow B} = -mgh$$

Si le corps \nearrow

$$W(\vec{P}) = mgh \quad \text{Si le corps descend}$$

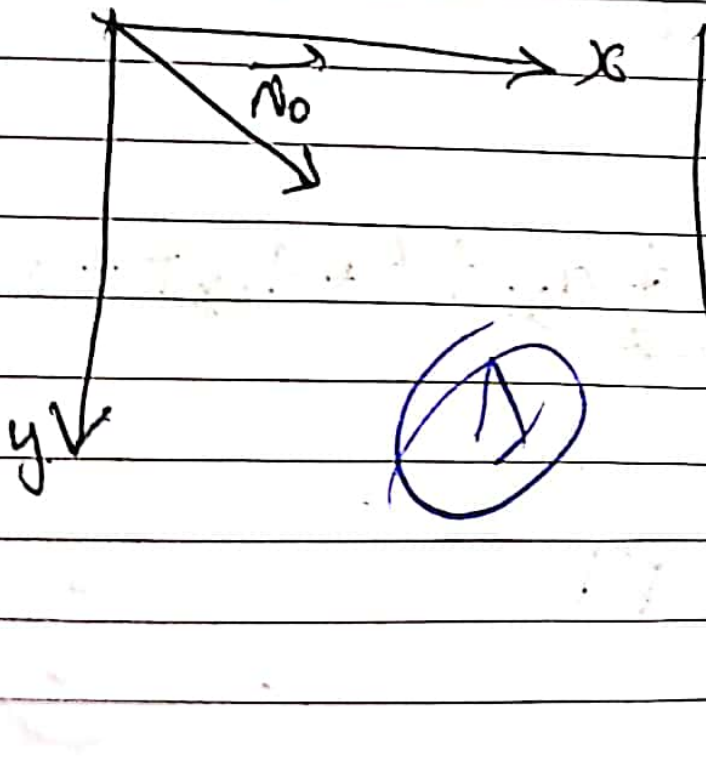
Intensité d'une force en un pt

Repère de Frenet



$$a_n = \frac{v^2}{r} = r \dot{\theta}^2$$

$$a_t = \frac{dv}{dt} = r \ddot{\theta}$$



chute parabolique

1 conditions



$$\sum_{A \rightarrow B} W(\vec{F}) = \Delta E_C$$



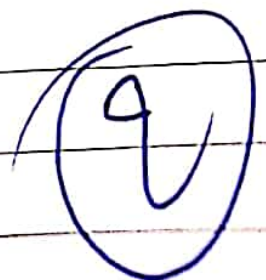
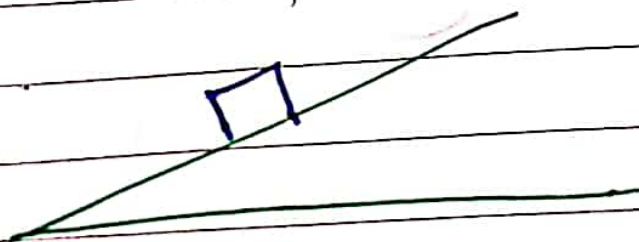
lorsqu'on nous demande

une vitesse \Rightarrow chute

• pense à

théorème de l'énergie cinétique
ou P_{qua} indépendante
du temps

$$X(t) = \frac{1}{2} a_x t^2 + v_{0x} t + X_0$$



$$v_B^2 - v_A^2 = 2ad$$



$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

si $a = \text{cte}$

$\hat{A} \quad t=0$

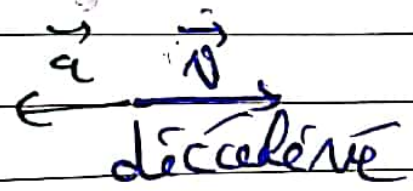
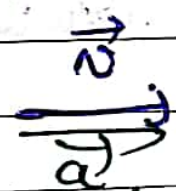
$f=0$ si $x = x_m$ et $v=0$
 $f=\pi$ si $x = -x_m$ et $v=0$

$x=0 \quad v > 0 \Rightarrow f = -\frac{\pi}{2}$
 $x=0 \quad v < 0 \Rightarrow f = \frac{\pi}{2}$

l'accélération est tjrs vers le centre



- accélère \rightarrow vers le centre
- décélère lorsqu'il s'éloigne du centre



WCR

Mart plan \Rightarrow

Équation indépendante du temps

Projectile \Rightarrow

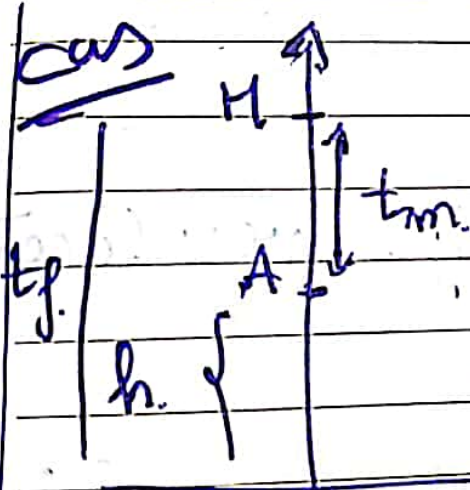
théorème de l'énergie cinétique

$$\begin{cases} W(\vec{R}) = 0 \\ W(\vec{R}) \neq 0 \end{cases}$$

Sans frottement

Avec frottement

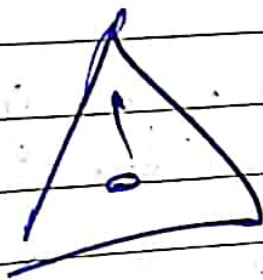
+ un exemple d'ESCO intéressant



On lâche A à $t=0$

On lâche B à $t'=2$

A : $t=3$

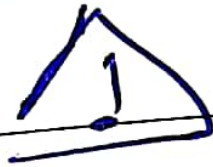


• 3 secondes et parés pour A

• 1 seconde pour B

les remarques qu'il faut faire une fois face à un cas pareil pr ne pas se piéger

$$y_H = AM + h$$



✓ si j'utilise TEC

• Arrêt au pt $\Pi \Rightarrow t_H$
j'a remplacé dans $y(t)$

$\Rightarrow t_f$ date d'arrivée au sol

$$y = 0$$

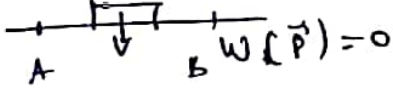
$$t_f > t_H$$

Travail d'une force $W(\vec{F}) = \vec{F} \cdot \vec{AB} = FAB \cos \alpha$ $\alpha = (\vec{F}, \vec{AB})$

travail de la force des frottements

$W(\vec{R}) = W(\vec{f}) = -fAB$

travail de \vec{P} $W(\vec{P}) = \pm mg h_{AB}$

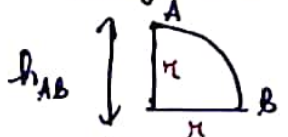


$h_{AB} = \sin d \cdot AB$

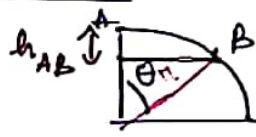
Montant $W(\vec{P}) = -mg \sin d AB$

dé descendant $W(\vec{P}) = mg \sin d AB$

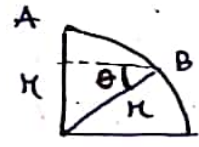
trajectoire circulaire



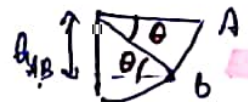
$W(\vec{P}) = mgh$



$W(\vec{P}) = mgr(1 - \cos \theta)$



$W(\vec{P}) = mgr(1 - \sin \theta)$



$W(\vec{P}) = mgr \sin \theta$

Théorème de l'énergie cinétique

$\Delta E_c = \sum W(\vec{F})$

Rotation: $\int \vec{W}(\vec{F}) = M_D \Delta \theta \rightarrow \text{rad}$

Sans frottement $\Rightarrow W(\vec{R}) = 0$

Relations

$a = cte$

$\frac{v_f^2 - v_i^2}{2g} = t^2$

Equa indép du temps

$v_f^2 - v_i^2 = 2a AB$



Mvt rectiligne uniforme sans : $\vec{a} = \vec{0}$

$$v_B = at + v_0$$

$$x(t) = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0$$

$$a = \frac{v - v_0}{t - t_0}$$

$$v_B^2 - v_A^2 = 2a(x_B - x_A)$$

$$x_B - x_A = \frac{1}{2}a(t_B^2 - t_A^2) + v_0(t_B - t_A)$$

Mvt circulaire uniforme : $a = a_n = \frac{v^2}{r} = \omega^2 r$



$$\vec{g} = \vec{r}$$

le vecteur est constant
! (with exclamation mark in a triangle)

o Mvt indépendant de la masse !

suivant (Ox) $a_x = 0 \Rightarrow$ Mvt uniforme
 suivant (Oy) $a_y = \pm g \Rightarrow$ Mvt uniformément varié

Equation de la trajectoire

$$y = \pm \frac{g}{2v_0^2 \cos^2 \alpha} x^2 \pm \tan \alpha x + h$$

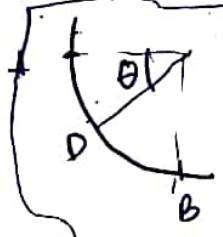
Sommet $v_y = 0 \quad v_c = v_0 \cos \alpha$

la vitesse est minimale au sommet
 chute libre.

$\vec{P} \downarrow$ $a = \pm g$

Mvt α

sans frot $a = \pm g \sin \alpha$ | Avec frot $a = \pm g \sin \alpha - \frac{f}{m}$



$$w(\vec{P}) = -\rho \cdot \widehat{AB} = -\rho r \theta \text{ en rad.}$$

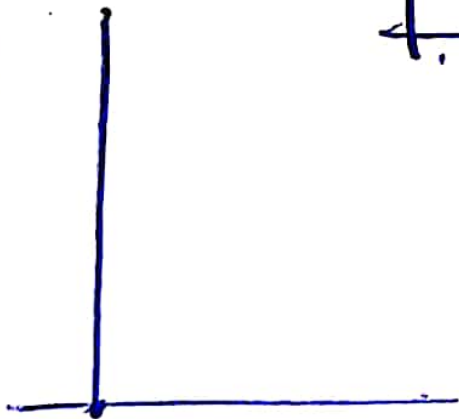


$$\Delta \theta = 2\pi n$$

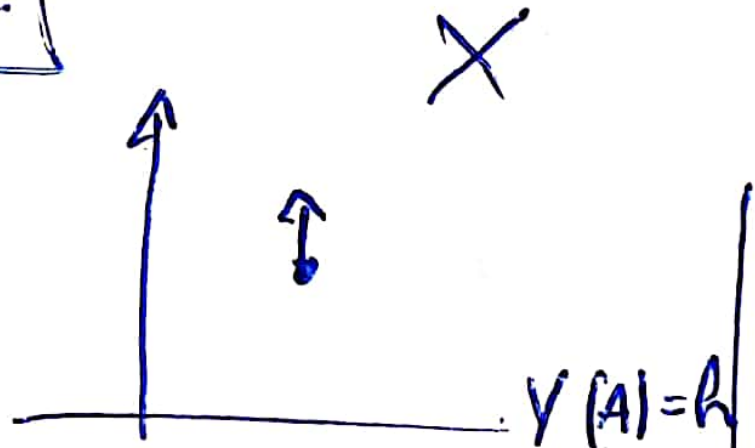
$$n = \frac{\omega \Delta t}{2\pi}$$

nombre de tours

$$\vec{a} = \vec{g}$$



$$y(0) = 0$$



$$v_0 \neq 0$$

$$y(t) = \frac{1}{2}at^2 + v_y(0)t + y(0)$$



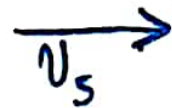
$$H_{max} \Rightarrow \boxed{v = 0}$$

$$AH = y \cdot H - \underbrace{(y_A)}_A$$

+ jetez un coup d'oeil sur
la partie cours "physique"
sur 20/20 . Elle est interessante.

Sommet

$$v_y = 0$$



$$\left(\frac{dy}{dx}\right) = 0$$

$$x_s = \frac{v_0^2 \sin(2\alpha)}{2g}$$

$$y_s = \frac{v_0^2 \sin^2 \alpha}{2g}$$

portée $x_p = \frac{v_0^2 \sin(2\alpha)}{g}$

x_p est maximale pour $\alpha = \frac{\pi}{4}$

ou deux angles
complémentaires
permettant d'atteindre
la même portée