

\* Th de l'hôpital

$$\lim_{n \rightarrow a} \frac{f(n)}{g(n)} = \frac{0}{0} = \lim_{n \rightarrow a} \frac{f'(n)}{g'(n)} = \frac{0}{0} = \lim_{n \rightarrow a} \frac{f''(n)}{g''(n)}$$

→  $\lim_{n \rightarrow a}$   
→  $\frac{0}{0}$   
→  $f$  et  $g$  dérivables

\* Prolongement par continuité

$$f(x) = \frac{x^2 - 1}{x - 1} \quad x \neq 1 \Rightarrow f \text{ non continue en } 1$$

Prolongé et au cours  
 $f(x) = \frac{x^2 - 1}{x - 1}; x \neq 1$   
 $f(1) = y \in \mathbb{R}$   
sans continuité

On ne parle de continuité de  $f$  en  $a$  que si  $f$  défini en  $a$

Déf :  $f$  non déf en  $a$  et  $\lim_{n \rightarrow a} f(n)$  existe et finie

$\mathcal{L}_f$  est  $\begin{cases} g(n) = f(n) & ; n \neq a \\ g(a) = \lim_{n \rightarrow a} f(n) \end{cases}$  est prolongement par continuité de  $f$

Rq :

$$\begin{cases} f(n) = n^2 \\ g(n) = \frac{2n+1}{n-3} \end{cases}$$

non dérivable  
si  $\frac{0}{0}$   
non dérivable  
en  $\frac{0}{0}$

$$g \circ f(n) = g(f(n)) = \frac{2f(n)+1}{f(n)-3} = \frac{2n^2+1}{n^2-3}$$

$$f \circ f \circ f(n) = f \circ f(f(n))$$

Rappel :  $a, b, c$  trois termes consécutifs d'une suite arith →  $b = \frac{a+c}{2}$   
 $u_{n+1}, u_{n+2}, u_{n+3}$

Rq :  $u_{n+2} - u_{n+1} = r = u_{n+3} - u_{n+2} \quad u_{n+1} - u_n = r$

\*  $a, b, c$  trois termes consécutifs d'une suite géométrique

→  $b^2 = a \cdot c$        $\frac{b}{a} = \frac{c}{b} = q$

Rq :  $f$  non monotone si  $D \rightarrow \mathcal{L}_f$  réciproque n'existe pas sur  $D$

\* (circled)

$$\begin{aligned}
 1 + 2 + 3 + \dots + m &= \frac{m(m+1)}{2} \\
 1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + m^2 &= \frac{m(m+1)(2m+1)}{6} \\
 1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + m^3 &= \left(\frac{m(m+1)}{2}\right)^2 \\
 1 + q + q^2 + \dots + q^m &= \frac{q^{m+1} - 1}{q - 1} \\
 C_n^0 + C_n^1 + \dots + C_n^m &= 2^n
 \end{aligned}$$

$(a+b)^n = \sum_{k=0}^n C_n^k a^k b^{n-k}$  (Binôme de Newton)

$a=b=1$

$C_n^k = \frac{n!}{k!(n-k)!}$

$C_n^k = \frac{A_n^k}{k!}$   
 $A_n^k = \frac{n!}{(n-k)!}$

$A_n^k = n \cdot (n-1) \cdot \dots \cdot (n-k+1)$

$A_n^3 = 9 \cdot 8 \cdot 7$   
 $C_n^0 + C_n^1 + \dots + C_n^n = \sum_{k=0}^n C_n^k \cdot 1^k \cdot 1^{n-k} = (1+1)^n$

Q8

$$\begin{aligned}
 \frac{1}{n^2} &= \frac{2}{4^2} + \dots + \frac{n-1}{n^2} \\
 &= \frac{1}{n^2} (1 + 2 + 3 + \dots + n-1) \\
 &= \frac{1}{n^2} \left( \frac{(n-1)(n)}{2} \right) \\
 \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n^2} + \frac{2}{n^2} + \dots + \frac{n-1}{n^2} &=
 \end{aligned}$$

$\cotan u = \frac{1}{\tan u} = \frac{\cos x}{\sin x}$

$\tan(\frac{\pi}{2} - n) = \frac{1}{\tan n}$

$\sin(\frac{\pi}{2} - x) = \cos x$

$\cos(\frac{\pi}{2} - x) = \sin x$

$\cot(\frac{\pi}{2} - n) = \tan n$

$\cot(\frac{\pi}{2} - x) = \frac{1}{\tan(\frac{\pi}{2} - x)} = \frac{1}{\frac{\cos x}{\sin x}} = \frac{\sin x}{\cos x} = \tan x$

$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin(ax)}{\sin(bx)} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan(ax)}{\tan(bx)} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin ax}{\sin bx} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan(ax)}{\tan(bx)} = \frac{a}{b}$

$$\left. \begin{aligned}
 \int \frac{u'}{u} &= \ln |u| \\
 \int \frac{u'}{\sqrt{u}} &= 2\sqrt{u} \\
 \int \frac{u'}{u^2} &= -\frac{1}{u}
 \end{aligned} \right\} \begin{aligned}
 \int u' e^u &= e^u \\
 \int u' u^n &=
 \end{aligned}$$

Fct Positive  $\rightarrow$  Intégrale positif

# Maths Médecines

$|z - z_A| = R \rightarrow$  Cercle  $\in \mathcal{C}_{A,R}$   
 $|z - z_A| = |z - z_B| \rightarrow$  Médiatrice de  $[AB]$

Ensembles des pts  $\mathbb{H}(z)$   
 $\Leftrightarrow +9$

Ex:  $|\bar{z} - 3 + 2i| = |\bar{z} - 3 + 2i| = |z - 3 - 2i| = 2$

$\hookrightarrow$  L'ensemble est  $\mathcal{C}_{A(3,2i)}$  et de rayon  $R=2$

## Complément

Si on nous donne  $|2z + 3 - i| = 4$

$\Leftrightarrow |2z - (-3 + i)| = 4$

$\Leftrightarrow |z - (-\frac{3}{2} + \frac{1}{2}i)| = 2$

$\hookrightarrow$  Cercle de centre  $A(-\frac{3}{2} + \frac{1}{2}i)$  et de rayon 2

①  $|iz - 1| = |\bar{z} + 1 - i|$

Écrivant  $\zeta$  d'ici à gauche

$\Leftrightarrow |\zeta + i| = |\zeta + 1 + i|$  } Médiatrice de  $[AB]$   $A(-i)$  et  $B(-1, i)$

développe par  $-i$

②  $|2z + i| = |z - i| \rightarrow$

$|z - z_A| = k|z - z_B|$  } Cercle  
 $k > 0$  et  $k \neq 1$

Où pose  $z = x + iy$

$|2x + (2y + 1)i| = |x + (y - 1)i|$

$\sqrt{4x^2 + (2y + 1)^2} = \sqrt{x^2 + (y - 1)^2}$

$|x + iy| = \sqrt{x^2 + y^2}$

$\Leftrightarrow 3x^2 + 3y^2 + 6y = 0 \Leftrightarrow x^2 + y^2 + 2y = 0 \Leftrightarrow (x - 0)^2 + (y + 1)^2 = 1^2$   
 $\rightarrow \mathcal{C}_{(0,-1)} \text{ ; } 1$

$\sqrt[q]{X^p} = X^{p/q}$

$\lim_{n \rightarrow \infty} \sqrt{n-2} - \sqrt{3n^2+n} \rightarrow \sqrt{n} - \sqrt{3n^2} \rightarrow n^{1/2} - \sqrt{3}n \rightarrow -\infty$

## Primitives usuelles

|                       |               |                       |
|-----------------------|---------------|-----------------------|
| $\frac{u'}{\sqrt{u}}$ | $\rightarrow$ | $2\sqrt{u}$           |
| $\frac{u'}{u^2}$      | $\rightarrow$ | $-\frac{1}{u}$        |
| $\frac{u'}{u}$        | $\rightarrow$ | $\ln u $              |
| $u' e^u$              | $\rightarrow$ | $e^u$                 |
| $u^n u'$              | $\rightarrow$ | $\frac{u^{n+1}}{n+1}$ |

A et B indépendants

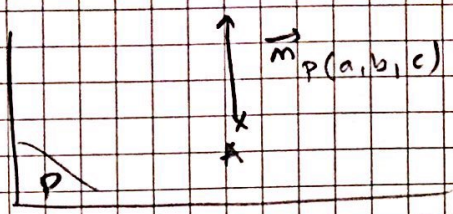
$P(A) \times P(B) = P(A \cap B)$

$P(A) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$

$P_B(A) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$

Plan

$M \in (P) \Leftrightarrow \vec{AM} \cdot \vec{n}_P = 0$

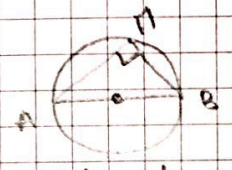


$\vec{AM} \begin{pmatrix} x - x_A \\ y - y_A \\ z - z_A \end{pmatrix} \cdot \vec{n}_P \begin{pmatrix} a \\ b \\ c \end{pmatrix} = 0$

$\Rightarrow ax + by + cz + d = 0$

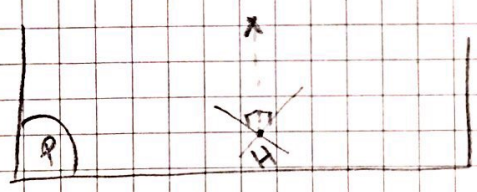
$M \in ? \mid \vec{AM} \cdot \vec{AB} = 0$   
 d'ensemble des pts M  
 est le pla passant par A  
 et orthogonal au vecteur  
 $\vec{AB}$  (vecteur normal)

Rq : l'ensemble des pts M tq  $\vec{MA} \cdot \vec{MB} = 0$  est la sphere de diametre [AB]



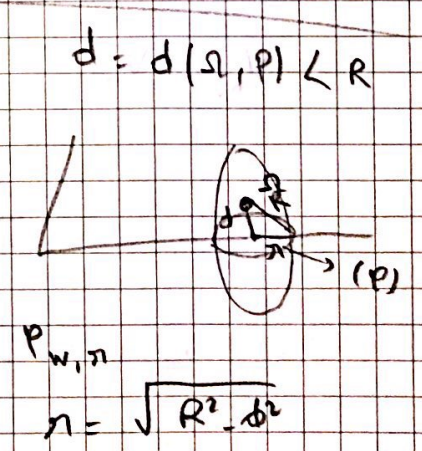
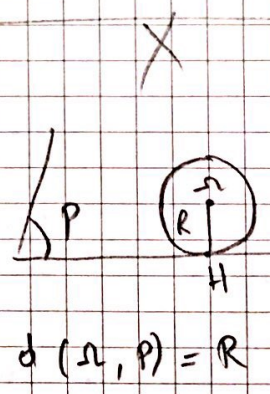
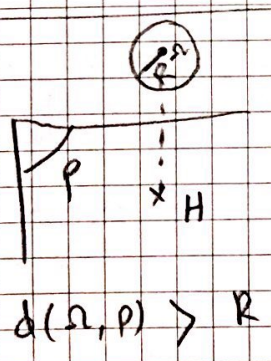
Sphere  $S(\Omega, R)$  est l'ens des pts M tq  $\Omega M = R$

$\sqrt{(x - x_\Omega)^2 + (y - y_\Omega)^2 + (z - z_\Omega)^2} = R$



$(P) : ax + by + cz + d = 0$

$AH = d(\Omega, P) = \frac{|ax_\Omega + by_\Omega + cz_\Omega + d|}{\sqrt{a^2 + b^2 + c^2}}$



(A)  $\begin{cases} x = x_\Omega + at \\ y = y_\Omega + bt \\ z = z_\Omega + ct \end{cases}$   
 (P)  $ax + by + cz + d = 0$

Rq 5  $\lim_{+\infty} \frac{\ln^m(P(u))}{Q''(u)} = 0$

Ex e  $\lim_{+\infty} \frac{\ln^3(n^2 - 3n + 4)}{(n^3 - n + 1)^2} = 0$

ou  $\lim_{\infty} \frac{\ln(n^2 - 1)}{n} = 0$

$\lim_{\infty} P(n) \pm \ln(Q(n)) = \lim_{\infty} P(n)$

Ex 9  $\lim_{+\infty} 3n^2 - n + 1 - \ln(n^4 + 5n - 1) = +\infty$

$\lim_{\infty} \frac{e^{P(n) \rightarrow +\infty}}{Q(n)} = +\infty$

$\lim_{\infty} \frac{e^{P(n) \rightarrow -\infty}}{Q(n)} = 0$

$\lim_{\infty} P(n) + e^{Q(n) \rightarrow +\infty} = +\infty$   $\left\{ \lim_{+\infty} n^2 - 3n \ominus \frac{e^{n^3+n}}{n} = -\infty \right.$

$\lim_{\infty} P(n) + e^{Q(n) \rightarrow -\infty} = \lim_{\infty} P(n)$  car  $\lim_{\infty} e^{P(n) \rightarrow -\infty} = 0$

Rq 3  $\ln x \left\{ \begin{array}{l} x \\ e^x \end{array} \right.$   
 $\lim_{\infty} \frac{x^2 - 3x - \ln(x^2 - 1)}{2x^2 - n - \ln(n^3 + 1)} = \frac{1}{2}$

$\frac{\ln(P)}{Q}$   
 est négatif  
 devant  $\lim Q$

$\lim_{\infty} Q(n) + \ln P(n) = \lim_{\infty} Q(n)$

Rq 5  $\lim_{+\infty} \frac{n^2 + (-1)^n \sqrt{n}}{1 - n^2 + \sqrt{n}} = \lim_{-\infty} \frac{n^2}{-n^2} = -1$   
 $\sqrt{n} = n^{1/2}$   
 On élimine comme polynôme

Rq 3

$$\begin{aligned} \dots & \frac{1}{2} i \rightarrow \frac{\pi}{2} \\ \frac{1}{2} & \xrightarrow{+ 2i} \frac{\pi}{3} \\ \pm 1 \pm i & \rightarrow \frac{\pi}{4} \end{aligned}$$

$$\alpha \equiv \beta [2\pi] \Rightarrow \alpha - \beta = 2k\pi \quad (k \in \mathbb{Z})$$

$$\text{Mesure principale} \Rightarrow -\pi < \alpha \leq \pi$$

Rq 4

$$|-iz + 1| = |1 - i| = \sqrt{2}$$

Ou factorise par  $-i$

$$|z| = |z| = |\pm iz| = |-z|$$

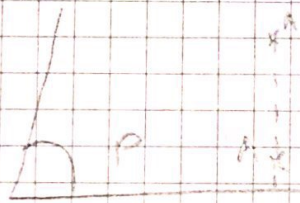
$$|z + i| = \sqrt{2} \rightarrow \mathcal{C}_{A(-i); \sqrt{2}}$$

Géométrie de l'espace

$$(\Delta) : (A; \vec{u}) \quad \begin{cases} x = x_A + \alpha t \\ y = y_A + \beta t \\ z = z_A + \gamma t \end{cases}$$

$$(P) : ax + by + cz + d = 0 \quad \vec{u}(\alpha; \beta; \gamma) \text{ vecteur directeur}$$

$$\vec{m}(a; b; c) \perp (P) \text{ vecteur normal}$$



$$\mathbb{R} \cap (P) \cap (\Delta)$$

$$\begin{cases} x = x_A + \alpha t \\ y = y_A + \beta t \\ z = z_A + \gamma t \end{cases}$$

$$(P) : ax + by + cz + d = 0$$

$$\begin{cases} n_1 - n_2 = \frac{c}{a} \\ n_1 + n_2 = \frac{-b}{a} \end{cases}$$

$$\left. \begin{matrix} n^m q^n \\ -1 < q < 1 \end{matrix} \right\} \Rightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} n^m q^n = 0$$

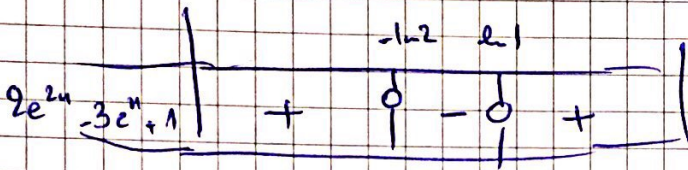
$$\left. \begin{matrix} n^m q^n \\ q > 1 \end{matrix} \right\} \Rightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} n^m q^n = +\infty$$

La médiatrice d'un segment  $[AB]$  de l'espace est un plan  $(P)$  de vecteur normal  $\vec{AB}$  et qui passe par le milieu de  $[AB]$

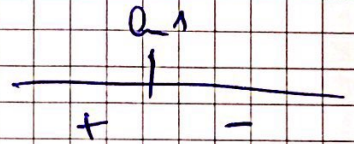
Signe des

$a \ln^2 + b \ln + c$  est celui de  $aX^2 + bX + c$   
 $a \ln u + b$  est " "  $aX + b$

$\varnothing$   $2e^{2n} - 3e^n + 1 = 0$   $\left\{ \begin{array}{l} X=1 \\ \text{ou} \\ X=\frac{1}{2} \end{array} \right. \Rightarrow$  degré 2



$\varnothing$   $-3e^{2n} + e^n + 2$   $\left\{ \begin{array}{l} X=1 \\ \text{ou} \\ X=-\frac{2}{3} \end{array} \right.$   
 $\varnothing$   $\varnothing$   $\varnothing$



S. arithmétique :  $U_n = U_p + (n-p)r$

S. géométrique :  $U_n = U_p \cdot q^{n-p}$

$\sin x = 0 \Leftrightarrow x = k\pi$

$\cos x = 0 \Leftrightarrow x = \frac{\pi}{2} + k\pi$

Ex :  $\frac{z_B - z_A}{z_C - z_A} = \frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2} = e^{i\frac{\pi}{3}} \Rightarrow$  Triangle équilatéral

$\zeta = e^{i\frac{\pi}{3}} \rightarrow$  isocèle  
 $|\zeta| = 1$

Généralisation

$U_n \pm \frac{c}{100} U_m = U_{n+1} \Rightarrow U_{n+1} = \left(1 \pm \frac{c}{100}\right) U_m$

$\lim_{n \rightarrow +\infty} e^n \cos n$

n'existe pas

$e^n \left( \lim_{n \rightarrow +\infty} \cos n \right) \neq \lim_{n \rightarrow +\infty} e^n \cos n$

$z_n \rightarrow U$

et  $\rightarrow n$

Dérivée de la composée :

$$(g \circ f)' = f'(u) \times g'(f(u))$$

$$g'(f(u)) \neq (g \circ f)'$$

$$(\sin u)' = u' \cos u$$

$$\int \frac{1}{\cos^2 u} = \tan u$$

$$\frac{1}{\cos^2 u} = \tan'(u)$$

$$\frac{1}{\cos^2 u} = \tan' u$$

$$(\tan u)' = \frac{u'}{\cos^2 u}$$

$$(\operatorname{tg}(u))' = \frac{u'}{\cos^2 u}$$

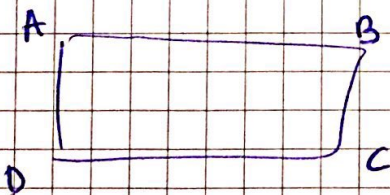
a Un polynôme de  $n$  degré a  $n$  racines dans  $\mathbb{C}$

$$* a z^3 + b z^2 + c z + d = 0$$

$$\begin{cases} z_1 + z_2 + z_3 = -\frac{b}{a} \\ z_1 \cdot z_2 \cdot z_3 = \frac{c}{a} \end{cases}$$

$$|n| = |-n|$$

⇒ Pour  $\forall q$  qu'un quadrilatère est de Nature :



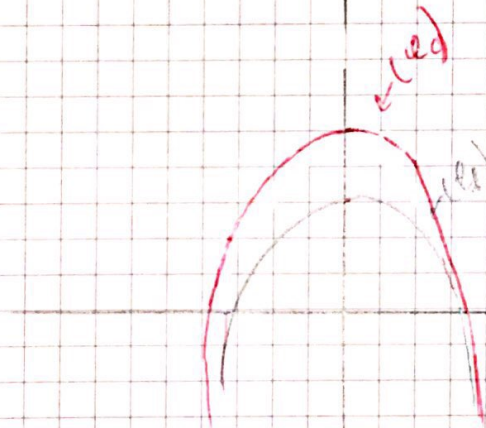
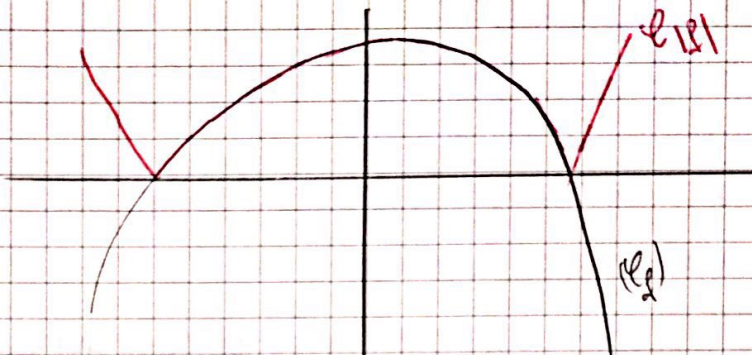
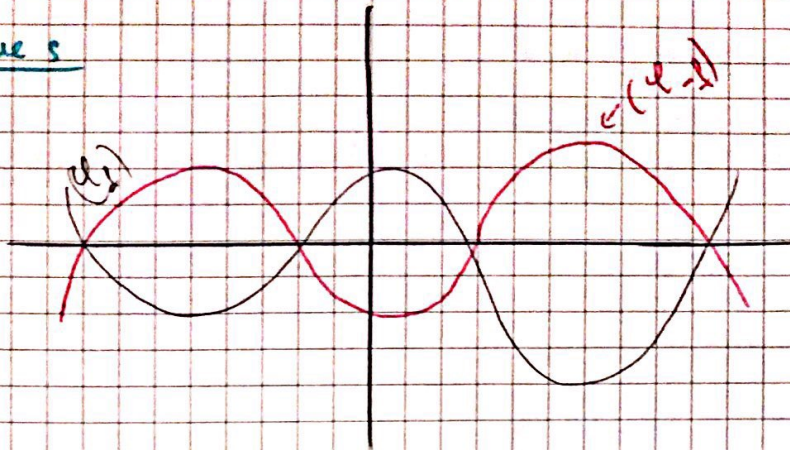
$$\text{caré} \begin{cases} \vec{AB} = \vec{DC} \Rightarrow AB = DC \text{ et } (AB) \parallel (DC) \\ \vec{AB} \cdot \vec{AD} = 0 \Rightarrow (AB) \perp (AD) \\ AB = AD \end{cases}$$

Parallélogramme  
rectangle

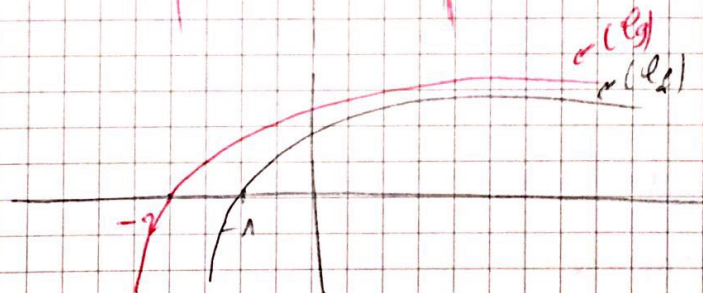
$$\Rightarrow \int_0^\pi \cos^3 u = \int_0^\pi \cos u \cdot \cos^2 u = \int_0^\pi \cos u (1 - \sin^2 u) = \int_0^\pi \cos u - \int_0^\pi \cos u \sin^2 u$$



Remarque 5



$g(x) = f(x) + a$



$g(x) = f(x+a)$

$g(x) = f(x+a)$      $(\mathcal{C}_f)$      $t_{-a\vec{i}} \rightarrow \mathcal{C}_g$

$g(x) = f(x) + a$      $(\mathcal{C}_f)$      $t_{a\vec{j}} \rightarrow \mathcal{C}_g$

$g(x) = f(x+a) + b$      $(\mathcal{C}_f)$      $t_{\vec{a}} = -a\vec{i} + b\vec{j} \rightarrow \mathcal{C}_g$

Rq :

$$|n| > 0 \Leftrightarrow n \neq 0$$

$$n^2 > 0 \Leftrightarrow n \neq 0$$

$$\ln n^2 = 2 \ln |n|$$

$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{\ln + (-1)^n n + 1}{n + 3}$  n'existe pas  $\Delta$

$\rightarrow z = \frac{3-3}{3-4i} = \frac{(n-3)+iy}{n+(y-4)i} \in i\mathbb{R}$

$$= \frac{((n-3)+iy)(n-i(y-4))}{n^2+(y-4)^2}$$

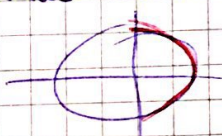
$z \in i\mathbb{R} \Leftrightarrow \operatorname{Re}(z) = 0 \Leftrightarrow n^2 - 3n + y^2 - 4y = 0$

$\Leftrightarrow (n - \frac{3}{2})^2 + (y - 2)^2 = (\frac{3}{2})^2 + 2^2 = \frac{25}{4} \Rightarrow \mathcal{C}_I(\frac{3}{2}, 2; \frac{5}{2})$

$\mathcal{C}_{(AB)}$  Cercle de diamètre  $[AB]$

$$\begin{cases} z_2 = \frac{z_A + z_B}{2} = \frac{3+4i}{2} = \frac{3}{2} + 2i = \text{centre} \\ R = \frac{AB}{2} = \frac{|3-3+4i|}{2} = \frac{5}{2} \end{cases}$$

Demi cercle  $s$   $(n - n_A)^2 + (y - y_A)^2 = R^2$  Plus condition  $n \geq 0$

$$n^2 + y^2 = 1 \quad n \geq 0$$


Eq diffs  $ay'' + by' + cy = 0$

①  $an^2 + bn + c = 0$  Eq caractéri

$\Delta > 0 \Rightarrow \pi_1 \text{ et } \pi_2 \text{ sol de } \textcircled{1} \text{ de } y = \alpha e^{\pi_1 n} + \beta e^{\pi_2 n}$   
 $\Delta = 0 \quad \pi_1 = \pi_2 = \pi_0 \text{ sol de } \textcircled{1} \text{ de } y = (\alpha n + \beta) e^{\pi_0 n}$   
 $\Delta < 0 \quad \pi = p + qi \text{ sol de } \textcircled{1} \text{ de } y = e^{pn} (\alpha \cos qn + \beta \sin qn)$

Rappel :  $\mathcal{C}_f$  admet une tangente au pt  $A(x_A, y_A) //$  à la dtc  $y = ax + b$

si  $f'(x_A) = a$

$$\begin{cases} (D) : y = ax + b \\ (D') : y = a'x + b' \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} (D) // (D') \Rightarrow a = a' \\ (D) \perp (D') \Rightarrow a \cdot a' = -1 \end{cases}$$

$\alpha F$  primitive de  $f \Rightarrow (F + C)$  primitive de  $f$

$y$  inconnus  $\Rightarrow$  4 Équations

$g$  convexe  $\Leftrightarrow g''(x) \geq 0$

$g$  concave  $\Leftrightarrow g''(x) \leq 0$

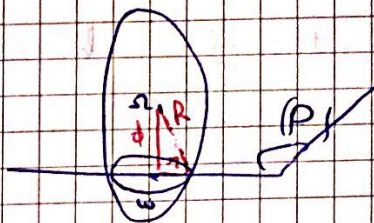
Rq 5

$$S(\Omega, R)$$

$$r = \sqrt{R^2 - d^2}$$

rayon du cercle

$$P_{\omega r}$$



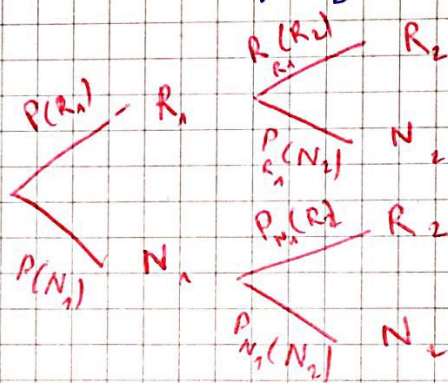
$$d = d(\Omega, P) = \frac{|ax_0 + by_0 + cz_0 + d|}{\sqrt{a^2 + b^2 + c^2}}$$

(P) :  $ax_0 + by_0 + cz_0 + d = 0$

centre  $\omega$  :

$$\begin{cases} x = x_0 + at \\ y = y_0 + bt \\ z = z_0 + ct \end{cases}$$

(P) :  $ax + by + cz + d = 0$



$$P(R_1 \cap N_2) = P(R_1) \cdot P_{R_1}(N_2)$$

Rq importante :

$$\int_{-a}^a f(t) dt = 0$$

si  $f$  impaire  $\int_{-1}^1 n^5 e^{n^2} = 0$

$$\int_{-a}^a f(t) dt = 2 \int_0^a f(t) dt$$

si  $f$  paire

→  $\int \frac{\ln t}{t}$  ;  $\int \frac{\sqrt{\ln t}}{t}$  ;  $\int \frac{1}{t \ln t}$  ;  $\int \frac{1}{t \sqrt{\ln t}}$

$\leftarrow n=1$        $\leftarrow n=\frac{1}{2}$        $\frac{u'}{u}$        $\frac{u'}{\sqrt{u}}$

forme usuelles  $\int u^n u' \rightarrow \frac{u^{n+1}}{n+1}$

puissance sur ln  $\rightarrow \int u^n u' \rightarrow \int \frac{(\ln t)^n}{t}$

puissance sur t  $\rightarrow$  intég par partie  $\int \frac{\ln t}{(t)^n}$

Rq importante  $\Delta$

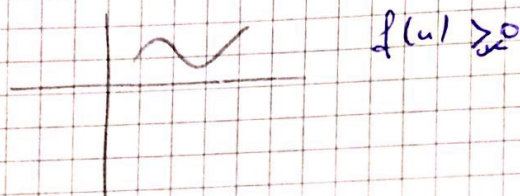
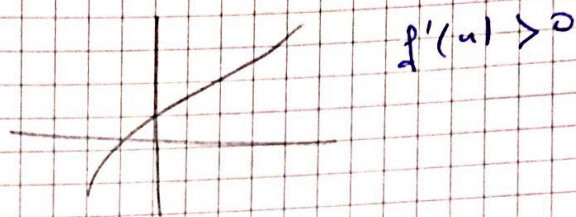
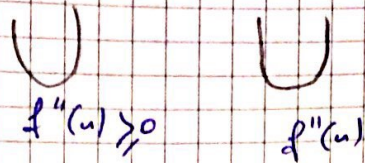
$k$  de  $\frac{m}{3} \leq m \leq 3$   $K = (m - m + 1) K$

$\frac{m}{3} \leq m \leq 3$   $K = K^{m-m+1}$



Si  $g$  est paire,  $h$  est paire  $\Rightarrow g+h$  est paire  
 $g$  impaire,  $h$  impaire  $\Rightarrow g+h$  impaire

Rq :



$\lim_{+\infty} n^2 U^n$   $-1 < a < 1 \Rightarrow F.I$

Rq :

- $\lim_{n \rightarrow \infty} \ln(U_n) = +\infty \Leftrightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} U_n = +\infty$
- $\lim_{n \rightarrow \infty} \ln(U_n) = -\infty \Leftrightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} U_n = 0$
- $\lim_{n \rightarrow \infty} \ln(U_n) = a \Leftrightarrow \lim_{n \rightarrow \infty} U_n = e^a$

$n \ln n > n > \ln n$   $\lim_{n \rightarrow \infty} (n \ln n) = +\infty$

Soit  $(P)$  un tel pla

trouver  $(P)$  plan médiateur  $AB$

(M)  $\vec{AB}$  normal à  $(P)$

$I \left( \frac{x_A+x_B}{2}; \frac{y_A+y_B}{2}; \frac{z_A+z_B}{2} \right)$

(M)  $M(x; y; z) \in (P)$   $\vec{IM} \cdot \vec{AB} = 0$

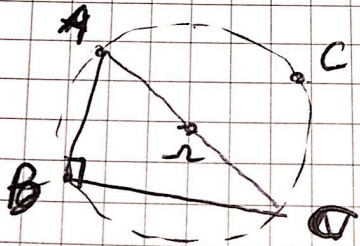
(M)  $AM = BM \Leftrightarrow \sqrt{(x-x_A)^2 + (y-y_A)^2 + (z-3)^2} = \sqrt{(x-x_B)^2 + (y-y_B)^2 + (z-3)^2}$

OMN

$$\ln x^2 = 2 \ln |x|$$

$$\left. \begin{array}{l} \ln(0) \\ \sqrt{0} \\ |0| \end{array} \right\} \text{Par d'Hôpital}$$

ABCD cyclopedique msi



~~Don~~ A, B, C et O E au cercle de diamètre AC

$$\frac{z_B - z_A}{z_C - z_A} \times \frac{z_C - z_D}{z_B - z_D} \in \mathbb{R}$$

Rg

$$A = \int_a^b |f(u) - y| (u, A)$$

$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(-1)^n}{a}$  n'existe pas

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(-1)^n}{n} = 0$$

$I_n$  en fct de  $I_{n-1}$  s Intég par parties

$$\int P(u) \frac{e^{au+b}}{\sqrt{v}}$$

$$\int P(u) \frac{u^i (au+b)}{\sqrt{v}}$$

$$\int \frac{P(u) u^i (au+b)}{\sqrt{v}}$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} q^n \begin{cases} +\infty & q > 1 \\ 0 & q = 1 \\ -\infty & -1 < q < 1 \end{cases}$$

tan et sin impair

cos pair

$$\begin{aligned} \cos x &= \cos \alpha \\ x &= \alpha + 2k\pi \\ \text{ou } x &= -\alpha + 2k\pi \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \sin x &= \sin \alpha \\ x &= \alpha + 2k\pi \\ x &= \pi - \alpha + 2k\pi \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \tan x &= \tan \alpha \\ x &= \alpha + k\pi \end{aligned}$$

$$|z| = \sqrt{x^2 + y^2}$$

$$\Rightarrow |z|^2 = x^2 + y^2$$

I milieu de [AB]

$$z_I = \frac{z_A + z_B}{2}$$

Chercher l'eq (D) d'entre (P) et (Q)

$$(D) (A, \vec{u}) \quad \vec{u} = \vec{u}_P \wedge \vec{u}_Q$$

Pour trouver (A) on remplace  $z = 0$  pose par

$$(D) : \begin{cases} x = x_A + a\vec{u}t \\ y = y_A + b\vec{u}t \\ z = z_A + c\vec{u}t \end{cases} t \in \mathbb{R}$$

$$\begin{cases} ax + by + cz + d = 0 \\ ax + by + cz + \lambda = 0 \\ z = 0 \end{cases}$$

on trouve net y A (0, 0, d)

$$(P') = (ABC) \begin{cases} B(0, 0, d) \\ C(0, 1, 0) \end{cases}$$

$$\begin{aligned} x = a \text{ et } y = b &\Rightarrow z \\ x = a \text{ et } z = b &\Rightarrow y \\ y = a \text{ et } z = b &\Rightarrow x \end{aligned}$$

(R) de plan contenant (D) et passant par O  
a pour vecteur normal  $\vec{u} \wedge \vec{OA}$

$$\text{li } \ln(U_n) = +\infty \Rightarrow \ln U_n = 20$$

$$\text{li } \ln(U_n) = -\infty \Rightarrow \ln U_n = 0$$

$$\text{li } \ln(U_n) = a \Rightarrow \ln U_n = e^a$$