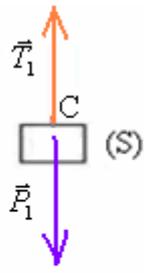


## 1) Correction de l'exercice 1

1) le corps (S) est en équilibre sous l'action de 2 forces :  $\vec{P}_1$  : son poids et  $\vec{T}_1$  : la tension du fil .

Condition d'équilibre :  $\vec{P}_1 + \vec{T}_1 = \vec{0}$

Les 2 forces sont opposées et ont même droite d'action . Donc  $T_1 = P_1 = M.g$



2) système étudié (la barre AB)

Bilan des forces qui s'exercent sur la barre AB:

$\vec{T}$  : tension du fil au point A ( d'après la condition d'équilibre du corps suspendu  $T=P=mg$ )

$\vec{P}$  : poids de la barre AB .

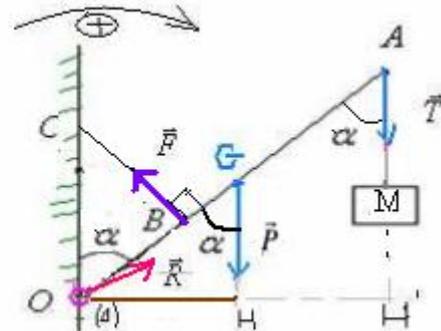
$\vec{F}$  : la force exercée par le fil métallique.

$\vec{R}$  : réaction de l'axe de rotation au point O .

3) En appliquant le théorème des moments :

$$\Sigma M_{\Delta} \vec{F} = 0$$

$$(1) \quad M_{\Delta} \vec{F} + M_{\Delta} \vec{P} + M_{\Delta} \vec{T} + M_{\Delta} \vec{R} = 0$$



On a poids de la barre  $P=m.g$  .

Le fil étant inextensible, il garde la même tension en tous ses points . par conséquent  $T=T_1=M.g$

$$\left\{ \begin{array}{l} M_{\Delta} \vec{F} = -F.OB = -F.\frac{L}{4} \\ M_{\Delta} \vec{P} = +P.OH = +P.\frac{L}{2} \sin \alpha = +m.g.\frac{L}{2} \sin \alpha \\ M_{\Delta} \vec{T} = +T.OH' = +T.L \sin \alpha = +M.g.L \sin \alpha \\ M_{\Delta} \vec{R} = 0 \end{array} \right.$$

Donc la relation (1) devient:

$$-F.\frac{L}{4} + m.g.\frac{L}{2} \sin \alpha + M.g.L \sin \alpha + 0 = 0 \quad \Rightarrow \quad \frac{F}{4} = \frac{m.g}{2} \sin \alpha + M.g \sin \alpha$$

$$\Rightarrow \quad F = 4\left( \frac{m.g}{2} \sin \alpha + M.g \sin \alpha \right) = g \sin \alpha (2.m + 4.M)$$

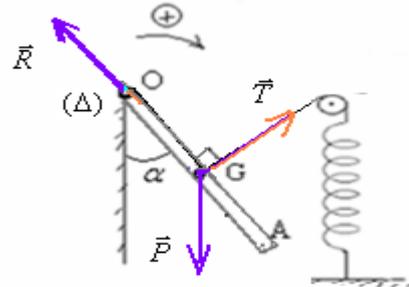
$$F = g \sin \alpha (2.m + 4.M)$$

$$F = 10 \cdot \sin 30 (4 + 12) = 80N$$

## 2) CORRECTION DE L'EXERCICE 2:

1) Inventaire des forces qui s'exercent sur la barre AB:

: réaction du mur au point O .  $\vec{R}$  : tension du fil .  $\vec{T}$  Poids de la tige .  $\vec{P}$  : Puis représentez ces forces.



2) En appliquant la deuxième condition d'équilibre

$$M\vec{P}_{/A} + M\vec{R}_{/A} + M\vec{T}_{/A} = 0$$

$$M\vec{R}_{/A} = 0$$

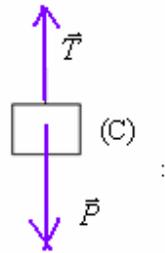
$$P.\frac{\ell}{2} \sin \alpha + 0 - T.\frac{\ell}{2} = 0 \quad \Rightarrow \quad T = m.g \sin \alpha \quad T = m.g \sin \alpha = 5N$$

$$3) \quad T = K \Delta \ell \quad \Rightarrow \quad \Delta \ell = \frac{T}{K} = \frac{5}{25} = 0,2m = 20cm$$

### 3) CORRECTION DE L'EXERCICE 3:

1) le corps C est en équilibre sous l'action de 2 forces :  $\vec{P}$  : son poids et  $\vec{T}$  : la tension du fil.

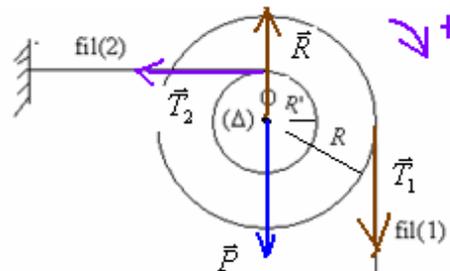
La condition d'équilibre du corps (C) :  $\vec{P} + \vec{T} = \vec{0}$  Donc :  $T=P=m \cdot g=10N$



2)a) la poulie (à deux gorges) est soumise à l'action des forces suivantes:

$\vec{P}$  : son poids.  $\vec{R}$  : réaction de l'axe de rotation.  $\vec{T}_1$  : Tension du fil (1) et  $\vec{T}_2$  : Tension du fil (2)

b) En appliquant le théorème des moments :  $M_{(\Delta)} \vec{P} + M_{(\Delta)} \vec{R} + M_{(\Delta)} \vec{T}_1 + M_{(\Delta)} \vec{T}_2 = 0$  On a :  $M_{(\Delta)} \vec{P} = 0$  et  $M_{(\Delta)} \vec{R} = 0$



Donc :  $M_{(\Delta)} \vec{T}_1 + M_{(\Delta)} \vec{T}_2 = 0 \Rightarrow +T_1 \cdot r - T_2 \cdot r' = 0$  avec  $r=2 \cdot r'$  donc :  $2 \cdot T_1 \cdot r' - T_2 \cdot r' = 0$  d'où :  $T_2 = 2 \cdot T_1$

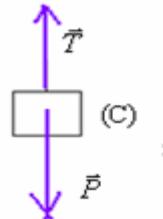
Le fil (1) est inextensible, il garde la même tension en tous ses points, par conséquence  $T_1=T=10N$  et  $T_2=20N$ .

### 4) CORRECTION DE L'EXERCICE 4:

Le système étudié (le corps C)

le corps C est en équilibre sous l'action de 2 forces :  $\vec{P}$  : son poids et  $\vec{T}$  : la tension du fil.

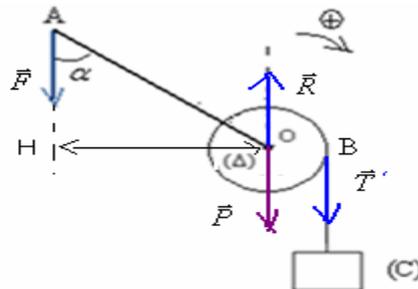
La condition d'équilibre du corps (C) :  $\vec{P} + \vec{T} = \vec{0}$  Donc :  $T=P=m \cdot g=100N$



Le système étudié (cylindre + manivelle OA)

bilan des forces:

$\vec{P}$  : poids du cylindre  $\vec{R}$  : réaction de l'axe ( $\Delta$ )  $\vec{F}$  : force exercée sur la manivelle en A  $\vec{T}'$  : tension du fil en B...



En appliquant le théorème des moments :  $M_{(\Delta)} \vec{P} + M_{(\Delta)} \vec{R} + M_{(\Delta)} \vec{F} + M_{(\Delta)} \vec{T}' = 0$  On a :  $M_{(\Delta)} \vec{P} = 0$  et  $M_{(\Delta)} \vec{R} = 0$

donc :  $M_{(\Delta)} \vec{F} + M_{(\Delta)} \vec{T}' = 0$

-  $F \cdot OH + T \cdot OB = 0$  avec  $OH = OA \cdot \sin \alpha$  et  $OB = r$  donc  $-F \cdot OA \cdot \sin \alpha + T \cdot r = 0 \Rightarrow F = \frac{T \cdot r}{OA \cdot \sin \alpha}$

Le câble est inextensible, il garde la même tension en tous ses points donc :  $T' = T = 100N$

Pour  $\alpha_1 = 30^\circ$  :  $F = \frac{100 \times 7 \cdot 10^{-2}}{35 \cdot 10^{-2} \cdot \sin 30} = 40N$

Pour  $\alpha_2 = 90^\circ$  :  $F = \frac{100 \times 7 \cdot 10^{-2}}{35 \cdot 10^{-2} \cdot \sin 90} = 20N$

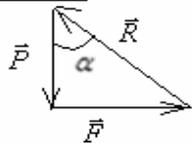
## 5) CORRECTION DE L'EXERCICE 5:

1) le bilan des forces qui s'exercent sur la boule :

$\vec{P}$  : poids de la boule      $\vec{R}$  : réaction du support en O.      $\vec{F}$  : la force horizontale.

On a  $P = m \cdot g = 2N$

Équilibre  $\Rightarrow$  Polygone des forces est fermé.



$$\tan \alpha = \frac{F}{P} \Rightarrow F = P \cdot \tan \alpha = 2 \cdot \tan 45 = 2N$$

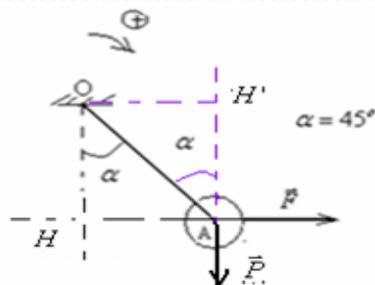
$$\cos \alpha = \frac{P}{R} \Rightarrow R = \frac{P}{\cos \alpha} = \frac{2}{\cos 45} \approx 2,8N$$

2)

$$M_{(\Delta)} \vec{F} = -F \cdot OH = -F \cdot L \cdot \sin \alpha$$

$$M_{(\Delta)} \vec{P} = +P \cdot OH' = -P \cdot L \cdot \sin \alpha$$

$$M_{(\Delta)} \vec{R} = 0$$



$$\Sigma M_{(\Delta)} \vec{F} = M_{(\Delta)} \vec{F} + M_{(\Delta)} \vec{P} + M_{(\Delta)} \vec{R} = -F \cdot L \cdot \sin \alpha + P \cdot L \cdot \sin \alpha + 0 = L \cdot \sin \alpha (P - F) = 0,48 \cdot \sin 45 (2 - 2) = 0$$

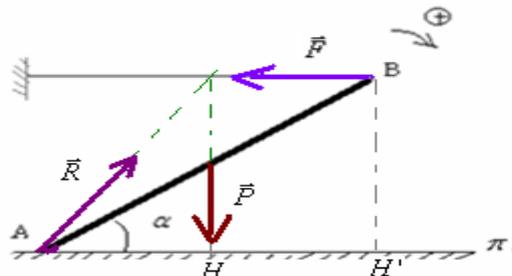
## 6) CORRECTION DE L'EXERCICE 6:

1) l'inventaire des forces qui s'exercent sur la barre AB.

$\vec{P}$  : poids de la barre.      $\vec{F}$  : force exercée par le fil sur la barre.

$\vec{R}$  : réaction du plan

2) équilibre implique les droites d'action des trois forces sont concourantes.



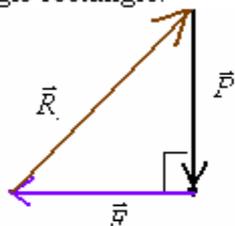
La réaction n'est pas perpendiculaire au plan, donc le contact se fait avec frottement.

$$3) a) M_{(\Delta)} \vec{R} = 0, \quad M_{(\Delta)} \vec{P} = +P \cdot AH = m \cdot g \cdot \frac{\ell}{2} \cdot \cos \alpha, \quad M_{(\Delta)} \vec{F} = -F \cdot BH' = -F \cdot \ell \cdot \sin \alpha$$

$$b) \text{équilibre implique : } \Sigma M_{(\Delta)} \vec{F} = 0 \Rightarrow M_{(\Delta)} \vec{P} + M_{(\Delta)} \vec{R} + M_{(\Delta)} \vec{F} = 0$$

$$m \cdot g \cdot \frac{\ell}{2} \cdot \cos \alpha + 0 - F \cdot \ell \cdot \sin \alpha = 0 \Rightarrow F = \frac{m \cdot g \cdot \cos \alpha}{2 \cdot \sin \alpha} = \frac{2 \times 10 \times \sin 45}{2 \cdot \cos 45} = 10N$$

c) Dans ce cas le polygone des forces est un triangle rectangle.



$$\text{donc : } R = \sqrt{P^2 + F^2} = \sqrt{20^2 + 10^2} \approx 22N$$

## 7) CORRECTION DE L'EXERCICE 7:

1) l'inventaire des forces qui s'exercent sur la barre AB.

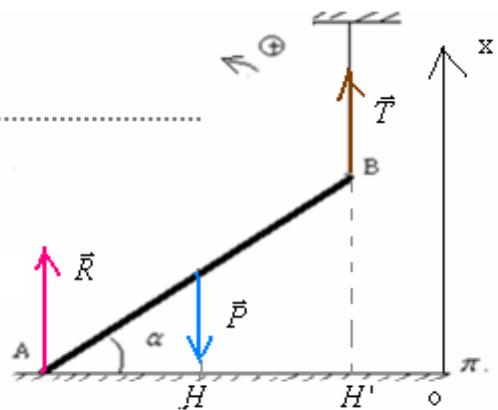
$\vec{P}$  : poids de la barre .  $\vec{T}$  : tension du fil .  $\vec{R}$  : réaction du plan.

2) En appliquant la deuxième condition d'équilibre :  $\sum M\vec{P}_{/A} = 0$

$$M\vec{P}_{/A} + M\vec{R}_{/A} + M\vec{T}_{/A} = 0 \quad \Rightarrow \quad -P \times AH + 0 + T \times AH' = 0$$

$$\text{donc :} \quad -m \cdot g \times \frac{\ell}{2} \cdot \cos \alpha + 0 + T \times \ell \cdot \cos \alpha = 0$$

$$T = \frac{m \cdot g}{2} = \frac{30}{2} = 15N$$

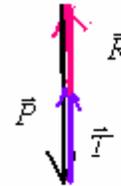


3) Dans ce cas le contact de la barre avec le plan se fait sans frottement.

Les trois forces sont parallèles .

$P=30N$      $T=15N$

Le polygone des forces est fermé :



On trouve  $R=15N$

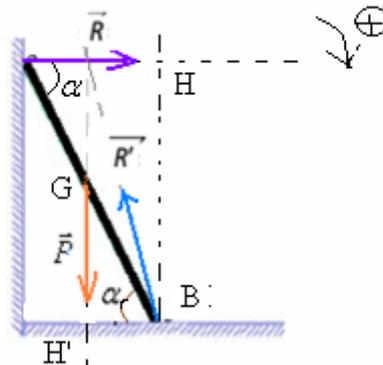
Ou bien on utilise la méthode analytique :  $\vec{P} + \vec{R} + \vec{T} = \vec{0}$  par projection sur l'axe  $ox$ .

$$-P + T + R = 0 \quad \Rightarrow \quad R = P - T = 30 - 15 = 15N$$

## 8) CORRECTION DE L' EXERCICE 8:

1) inventaire des forces qui s'exercent sur la poutre :  $\vec{P}$  : Poids de la poutre  $\vec{R}$  : du mur sur la poutre .  $\vec{R}'$  : du sol sur la poutre .  
La poutre est en équilibre sous l'action de trois forces , donc :

les droites d'action des trois forces sont concourantes.



2) En appliquant le théorème des moments par rapport à un axe  $\Delta$  passant par B et perpendiculaire au plan de la poutre :

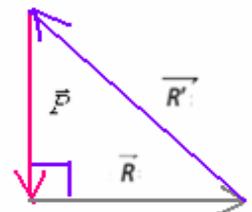
$$M\vec{P}_{/A} + M\vec{R}_{/A} + M\vec{R}'_{/A} = 0 \quad \text{avec :} \quad M\vec{R}'_{/A} = 0$$

$$\text{donc :} \quad -P \times GH' + R \cdot BH + 0 = 0 \quad \Rightarrow \quad -m \cdot g \times \frac{AB}{2} \cdot \cos \alpha + R \cdot AB \cdot \sin \alpha = 0 \quad \text{d'ou}$$

$$-\frac{m \cdot g}{2} \cdot \cos \alpha + 0 + R \cdot \sin \alpha = 0 \quad \Rightarrow \quad R = -\frac{m \cdot g \cdot \cos \alpha}{2 \cdot \sin \alpha} = \frac{m \cdot g}{2 \cdot \tan \alpha} \quad \text{A.N:} \quad R = \frac{15 \times 10}{2 \cdot \tan 60} = 43,3N$$

3) Dans ce cas le polygone des forces est un triangle rectangle.

$$R'^2 = P^2 + R^2 \quad \Rightarrow \quad R' = \sqrt{P^2 + R^2} = \sqrt{150^2 + 43,3^2} \approx 156N$$



### 9) CORRECTION DE L'EXERCICE 9:

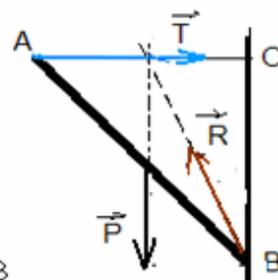
1) les forces qui s'exercent sur la barre sont:

$\vec{P}$  : poids de la barre.

$\vec{T}$  : tension du câble

$\vec{R}$  réaction du mur au point B.

Les droites d'actions des trois forces sont concourantes.

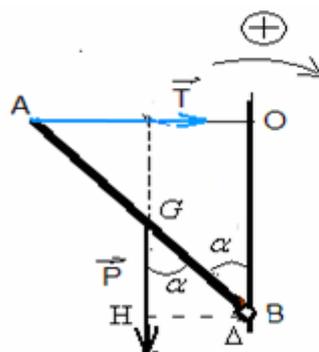


Appliquons le théorème des moments par rapport à l'axe  $\Delta$  horizontal qui passe par le point B

$$M_{\Delta} \vec{P} + M_{\Delta} \vec{T} + M_{\Delta} \vec{R} = 0$$

$$- P \cdot BH + T \cdot OB + 0 = 0$$

$$T \cdot OB = P \cdot BH \quad \Rightarrow \quad \boxed{T = \frac{P \cdot BH}{OB}}$$



$$M_{\Delta} \vec{R} = 0$$

Dans le triangle rectangle OAB on a :  $\tan \alpha = \frac{OA}{OB} = \frac{OA}{2 \cdot OA} = 0,5 \Rightarrow \alpha = \tan^{-1} 0,5$  d'où:

$$\alpha \approx 26,6^\circ$$

Dans le triangle rectangle GBH on a

on a :  $\sin \alpha = \frac{BH}{GB} \Rightarrow BH = GB \cdot \sin \alpha$  donc:  $BH = \frac{GB \cdot \sin \alpha}{2}$  (1)

et on a :  $AB^2 = OA^2 + OB^2$ : (avec  $OB=2 \cdot OA$  et  $AB=2GB$ ).

Donc:  $(2 \cdot GB)^2 = OA^2 + (2 \cdot OA)^2 \Rightarrow 4 \cdot GB^2 = 5 \cdot OA^2$  d'où:  $GB = \frac{\sqrt{5} \cdot OA}{2}$  donc (1) devient :

$$BH = \frac{\sqrt{5} \cdot OA \cdot \sin \alpha}{2}$$

En remplaçant dans l'expression de la tension on a :

$$T = \frac{m \cdot g \cdot \sqrt{5} \cdot \sin \alpha}{4} \quad \text{avec } OB=2 \cdot OA$$

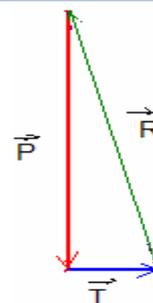
A.N :  $T = \frac{60 \times 10 \cdot \sqrt{5} \cdot \sin 26,6}{4} = 150N$

3) La barre est en équilibre sous l'action de 3 forces donc le polygone des forces est fermé.

Choisissons comme échelle 1 cm  $\rightarrow$  100N

On a  $P=m \cdot g=600N$  et  $T=150N$ .

On trouve :  $R \approx 620N$



### 10) CORRECTION DE L'EXERCICE 10:

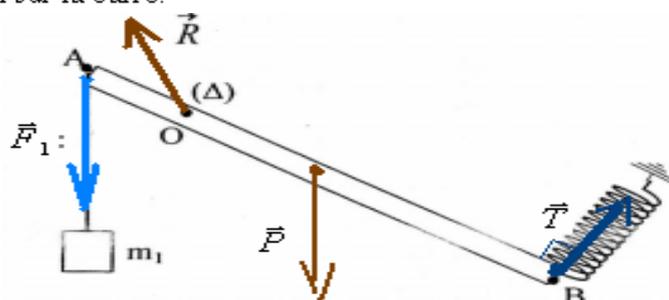
1) Inventaire des forces qui s'exercent sur la barre:

$\vec{P}$  : poids de la barre.

$\vec{T}$  : tension du ressort.

$\vec{F}_1$  : tension du fil. ( d'intensité  $F_1=m_1 \cdot g$  d'après l'équilibre du corps suspendu)

$\vec{R}$  : réaction de l'axe de rotation sur la barre.



Remarque : du fait que le polygone des 4 forces doit être fermé on déduit le sens de la réaction  $\vec{R}$

2) D'après l'équilibre du corps suspendu au fil :  $F_1 = P_1 = m_1 g = 10N$

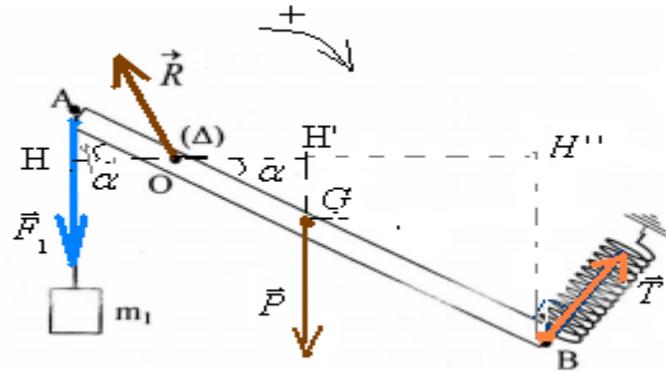
En appliquant le théorème des moments, on a :  $\sum M_{\vec{F}_{i/\Delta}} = 0 \Rightarrow M_{\vec{P}_{i/\Delta}} + M_{\vec{T}_{i/\Delta}} + M_{\vec{F}_1/\Delta} + M_{\vec{R}_{i/\Delta}} = 0$

$$M_{\vec{R}_{i/\Delta}} = 0$$

$$M_{\vec{P}_{i/\Delta}} = P.OH' = mg.OG.\cos\alpha$$

$$M_{\vec{T}_{i/\Delta}} = -T.OH'' = -T.OB.\cos\alpha$$

$$M_{\vec{F}_1/\Delta} = -F_1.OH = -F_1.OA.\cos\alpha$$



donc:

$$mg.OG.\cos\alpha - T.OB.\cos\alpha - F_1.OA.\cos\alpha = 0 \Rightarrow mg.OG - T.OB - F_1.OA = 0 \Rightarrow mg.OG - F_1.OA = T.OB$$

donc:  $T = \frac{mg.OG - F_1.OA}{OB}$  A.N  $T = \frac{4 \times 10 \times 30 \cdot 10^{-2} - 10 \times 10 \times 10^{-2}}{50 \cdot 10^{-2}} = \frac{4 \times 30 - 10}{5} = 22N$

3) la barre est équilibrée donc le polygone des forces est fermé.

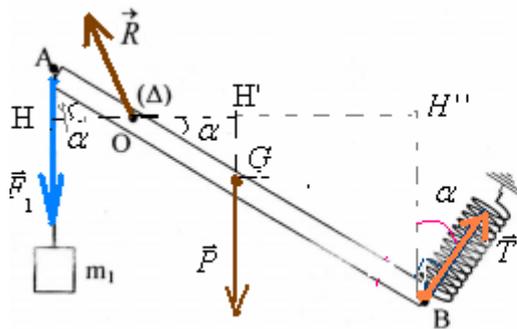
On doit constater que la tension  $\vec{T}$  du ressort forme l'angle  $\alpha$  avec la verticale pour pouvoir tracer le polygone.

$$P = m.g = 4 \times 10 = 40N$$

$$F_1 = 10N$$

$$T = 22N$$

Choisissons comme échelle: 1cm -> 10N



$R \approx 44N$  On trouve :

## 11) CORRECTION DE L'EXERCICE11:

1) Bilan des forces qui s'exercent sur le corps (S):

$\vec{P}$  : son poids  $\vec{R}$  : réaction du plan incliné.  $\vec{T}$  : tension du fil.

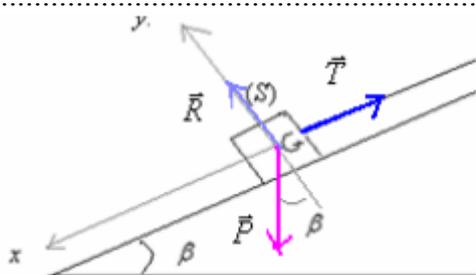
2) Bilan des forces qui s'exercent sur l'enrouleur:

$\vec{P}'$  : son poids  $\vec{R}'$  : réaction de l'axe de rotation  $\vec{T}'$  : tension du fil  $\vec{F}$  : force qui s'exerce sur l'enrouleur.

3)a) la condition d'équilibre du corps (S).  $\sum \vec{F} = \vec{0}$

b) la condition d'équilibre de l'enrouleur.  $\sum M_{\Delta} \vec{F} = 0$

4) a)



on a:  $\vec{P} + \vec{R} + \vec{T} = \vec{0}$  (1) par projection de la relation (1) sur l'axe Gx:

$$+ P \sin \beta + 0 - T = 0 \quad ; (o, x) \quad \Rightarrow \quad T = mg \sin \beta$$

$$T = 0,5kg \cdot 10N / Kg \cdot \sin 30 = 2,5N$$

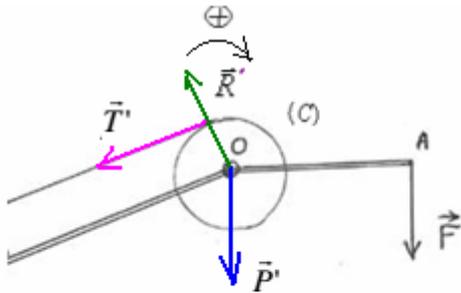
b) par projection de la relation (1) sur l'axe Gy :

$$R = m.g \cos \beta \Leftrightarrow -P \cos \beta + R + 0 = 0$$

$$R = 0,5 \text{kg} \cdot 10 \text{N / Kg} \cos 30 \approx 4,3 \text{N}$$

5) En appliquant la deuxième condition d'équilibre sur le système (corps solide + enrouleur)

$$\Sigma M_{\vec{F}/\Delta} = 0$$



$$M_{\Delta} \vec{P}' + M_{\Delta} \vec{T}' + M_{\Delta} \vec{R}' + M_{\Delta} \vec{F} = 0$$

$$\left\{ \begin{array}{l} M_{\Delta} \vec{P}' = 0 \\ M_{\Delta} \vec{T}' = -T.r \\ M_{\Delta} \vec{R}' = 0 \\ M_{\Delta} \vec{F} = +F.L \end{array} \right.$$

$$T = mg \sin \beta \Leftrightarrow F = \frac{T.r}{L} \Leftrightarrow F.L = Tr \Leftrightarrow 0 - Tr + 0 + F.L = 0$$

$$F = \frac{m.g.r.\sin \beta}{L} \Leftrightarrow$$

$$F = \frac{0,5 \text{kg} \cdot 10 \text{N / kg} \cdot 0,08 \text{m} \cdot \sin 30}{0,5 \text{m}} = 0,4 \text{N}$$

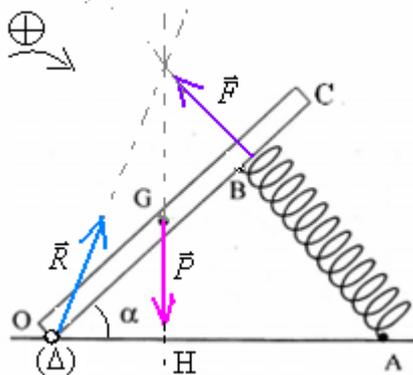
## 12) CORRECTION DE L' EXERCICE 12:

### 1) système étudié {la pédale OC }

Bilan des forces : la pédale OC est soumise à l'action des forces suivantes:

- $\vec{F}$  : la force exercée par le ressort.
- $\vec{R}$  : la réaction de l'axe de la pédale.
- $\vec{P}$  : poids de la pédale.

Les droites d'action des trois forces sont concourantes.



Soit l'axe ( $\Delta$ ) passant par O et perpendiculaire au plan de la pédale.

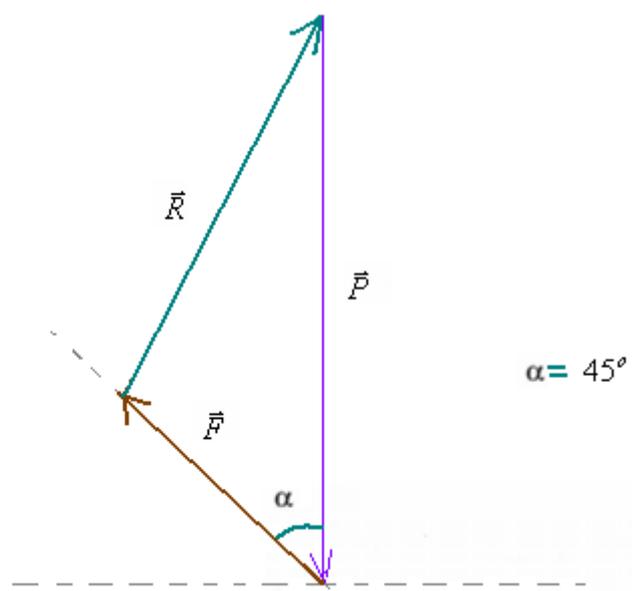
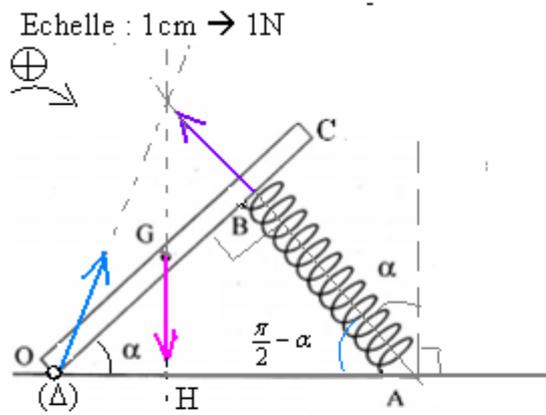
2)

A l'équilibre :  $\Sigma M_{\vec{F}/\Delta} = 0$

$$M_{\vec{P}/\Delta} + M_{\vec{F}/\Delta} + M_{\vec{R}/\Delta} = 0$$

$$\Rightarrow P.OH - F.OB + 0 = 0 \text{ donc } P.OG \cdot \cos \alpha - F.OB = 0 \text{ d'où : } F = \frac{P.OG \cos \alpha}{OB} = \frac{10 \times 10 \cdot 10^{-2} \cdot \cos 45}{15 \cdot 10^{-2}} \approx 4,7 \text{N}$$

3) On a:  $P=10\text{N}$   $F=4,7\text{N}$  équilibre  $\Rightarrow$  Polygone des forces est fermé.

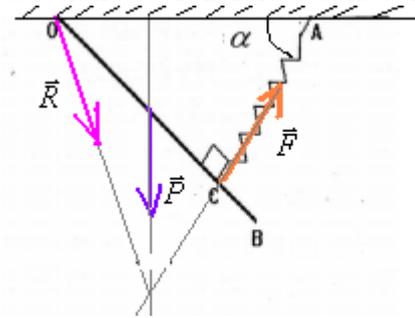


### 13) CORRECTION DE L' EXERCICE 13:

1) Inventaire des forces qui s'exercent sur la barre:

- $\vec{F}$  : la force exercée par le ressort.
- $\vec{R}$  : la réaction de l'axe .
- $\vec{P}$  : poids de la barre:

La barre est en équilibre , donc les droites d'action des trois forces sont concourantes.



2) A l'équilibre :  $\Sigma M_{\vec{F}_{iA}} = 0$

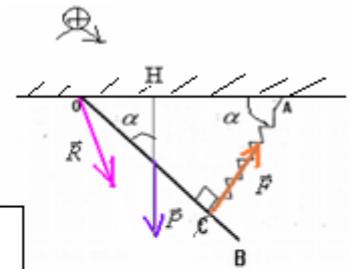
$$M_{\vec{P}_{iA}} + M_{\vec{F}_{iA}} + M_{\vec{R}_{iA}} = 0$$

$$-P.OH + F.OC + 0 = 0 \Rightarrow m.g.OG.\sin \alpha - F.OC = 0 \quad \text{donc :}$$

$$m.g.\frac{\ell}{3}\sin \alpha - F.\frac{3\ell}{4} = 0 \Rightarrow \frac{m.g.\sin \alpha}{3} = \frac{3.F}{4} \Rightarrow F = \frac{4.m.g.\sin \alpha}{9}$$

$$\text{A.N: } F = \frac{4 \times 5 \times 10 \cdot \sin 37}{9} \approx 13,4N$$

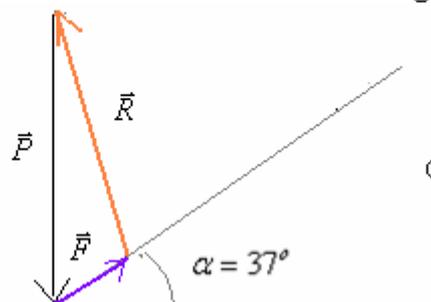
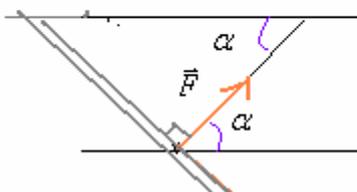
$$\text{On a : } F = K \Delta \ell \Rightarrow \Delta \ell = \frac{F}{K} = \frac{13,4}{500} \approx 0,027m = 2,7cm$$



3) on a :  $P = m.g = 50N$       $F = 13,4N$

Equilibre  $\Rightarrow$  Polygone des forces est fermé.

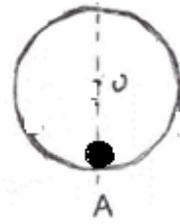
Echelle 1cm  $\rightarrow$  10N on doit constater que la force  $\vec{F}$  forme avec l'horizontale l'angle  $\alpha$ .



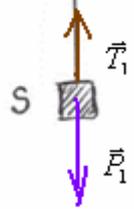
On trouve :  $R \approx 4,5N$

## 14) CORRECTION DE L' EXERCICE 14:

1) La position à l'équilibre du disque lorsqu'il porte la charge en A est telle que la charge soit en bas du disque comme l'indique la figure suivante:



2) L'équilibre du corps S suspendu au fil montre que  $T_1 = P_1 = M_1 \cdot g$



Etude de l'équilibre du système : (disque + charge )

Bilan des forces : le système (disque + charge en A) est soumis à l'action des forces suivantes:

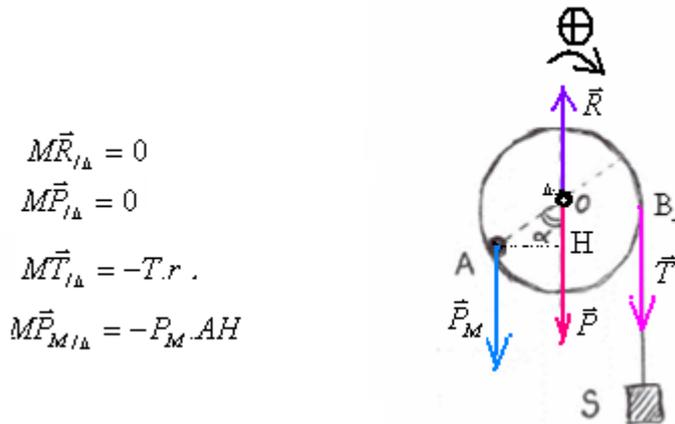
$\vec{P}_M$  : poids de la charge de mass M

$\vec{R}$  : réaction de l'axe de rotation en O.

$\vec{T}$  : tension du fil en B.

$\vec{P}$  : poids du disque.

En appliquant la deuxième condition d'équilibre :  $\sum M\vec{F}_{/A} = 0 \Rightarrow M\vec{P}_{M/A} + M\vec{R}_{/A} + M\vec{T}_{/A} + M\vec{P}_{/A} = 0$



$$M\vec{R}_{/A} = 0$$

$$M\vec{P}_{/A} = 0$$

$$M\vec{T}_{/A} = -T \cdot r$$

$$M\vec{P}_{M/A} = -P_M \cdot AH$$

donc:  $0 + 0 - T \cdot r + P_M \cdot AH = 0$  avec :  $T = T_1 = M_1 \cdot g$  car le fil est inextensible, il garde la même tension en tous ses points et  $P_M = M \cdot g$ .

et on a :  $AH = r \cdot \sin \alpha$

Donc :  $-M_1 \cdot g \cdot r + M \cdot g \cdot r \cdot \sin \alpha = 0 \Rightarrow M_1 = M \sin \alpha$  A.N:  $M_1 = 100 \sin 30 = 50 \text{ g}$

## 15) CORRECTION DE L' EXERCICE 15:

1) système étudié {la barre AB}

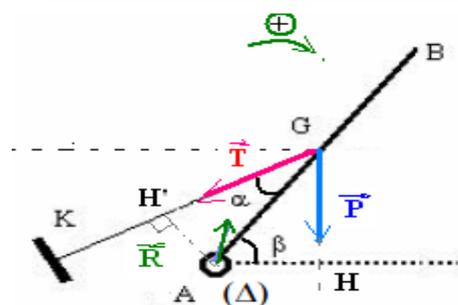
Bilan des forces: la barre AB est soumise à l'action des forces suivantes:

$\vec{P}$  : son poids.

$\vec{R}$  : Réaction de l'axe de rotation.

$\vec{T}$  : la tension du fil.

En appliquant la 2<sup>ème</sup> condition d'équilibre :  $\sum M\vec{F}_{/A} = 0 \Rightarrow M\vec{P}_{/A} + M\vec{R}_{/A} + M\vec{T}_{/A} = 0$



$$M\vec{T}_{/A} = -T.AH' = -T \cdot \frac{L}{2} \cdot \sin \alpha$$

$$M\vec{R}_{/A} = 0$$

$$M\vec{P}_{/A} = P.AH = m.g \cdot \frac{L}{2} \cdot \cos \beta$$

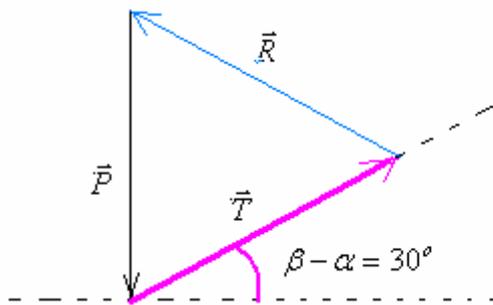
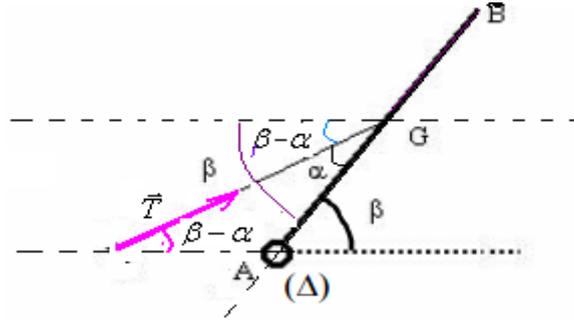
Donc :  $m.g \cdot \frac{L}{2} \cdot \cos \beta - T \cdot \frac{L}{2} \cdot \sin \alpha = 0 \Rightarrow m.g \cdot \cos \beta = T \cdot \sin \alpha \Rightarrow T = \frac{m.g \cdot \cos \beta}{\sin \alpha}$

A.N:  $T = \frac{2 \times 10 \cdot \cos 60}{\sin 30} = 20N$

2) Equilibre  $\Rightarrow$  Polygone des forces est fermé.

On a :  $P=m.g=20N$        $T=20N$       choisissons une échelle :  $1cm \rightarrow 4N$

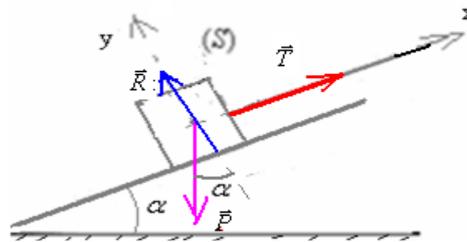
On constate que la tension  $\vec{T}$  du fil forme avec l'horizontale l'angle:  $\beta - \alpha = 30^\circ$



On trouve  $R=20N$

### 16) Correction de l'EXERCICE16:

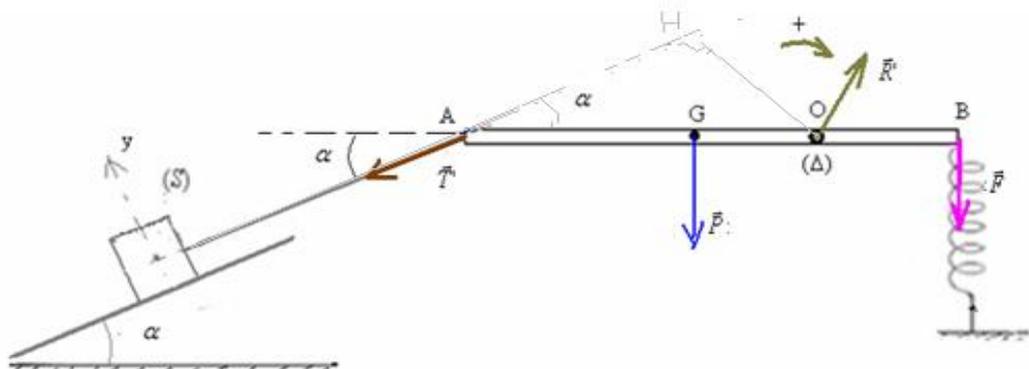
1) le corps S est en équilibre sous l'action de 3 forces:  $\vec{R}$ : réaction du plan incliné et  $\vec{P}$ : poids du corps S,  $\vec{T}$ : tension du fil.



$$\vec{P} + \vec{R} + \vec{T} = \vec{0} \text{ donc :}$$

par projection sur l'axe ox       $-P \cdot \sin \alpha + 0 + T = 0 \Rightarrow T = m.g \cdot \sin \alpha$       A.N:  $T = 0,4 \times 10 \times \sin 30 = 2N$

2) la barre AB est en équilibre sous l'action de 4 forces : la  $\vec{R}'$ : réaction de l'axe de rotation,  $\vec{P}$ : poids de la barre,  $\vec{F}$ : force exercée par le ressort,  $\vec{T}$ : tension du fil



Le fil étant inextensible donc:  $T' = T = 4N$

On applique la 2<sup>ème</sup> condition d'équilibre : car la barre AB est en équilibre:  $\sum M\vec{F} / \Delta = 0$

On a :  $M\vec{R}'_{/A} = 0$  donc :  $M\vec{T}'_{/A} + M\vec{P}'_{/A} + M\vec{R}'_{/A} + M\vec{F}'_{/A} = 0$

d'où :  $-T.OA \sin \alpha - M.g.\frac{L}{4} + 0 + F.\frac{L}{4} = 0$  càd:  $-T \times OH - P. \times OG + 0 + F \times OB = 0$

$-T \sin \alpha - \frac{M.g}{2} + \frac{F}{2} = 0 \Rightarrow -T.\frac{L}{2} \sin \alpha - M.g.\frac{L}{4} + F.\frac{L}{4} = 0$  d'où :  $F = 2.T \sin \alpha + M.g.$

A.N:  $F = 2 \times 2 \sin 30 + 0,2 \times 10 = 4N.$

\*\*\*\*\*

**SBIRO Abdelkrim lycée agricole Oulad taima région d'Agadir MAROC**

**Pour toute observation contactez moi**

**Mail: [sbiabdou@yahoo.fr](mailto:sbiabdou@yahoo.fr)**

لا تنسونا من صالح دعائكم ونسأل الله لكم العون والتوفيق.