

Exercices sans corrections

Exercice1 :Le plan (\mathcal{P}) est rapporté à un repère orthonormé $\mathcal{R}(O; \vec{i}; \vec{j})$

Considérons la droite (D): $2x - y + 1 = 0$ et N un point sur la droite (D) d'abscisse α .

- 1- Déterminer les coordonnées de N .
- 2- Déterminer la distance ON .
- 3- Déterminer pour quelle valeur de α la distance ON est minimale.

Exercice2: Considérons le triangle ABC où $A(2,1)$, $B(5,0)$ et $C(7,6)$

- 1- a) Montrer que le triangle ABC est rectangle en B .
b) En déduire les coordonnées du point Ω le centre du cercle circonscrit au triangle ABC
- 2) Déterminer les coordonnées du point G centre de gravité de ABC .
- 3) Déterminer les coordonnées du point H , orthocentre du triangle ABC .
- 4) Vérifier que les points Ω , G et H sont alignés

Exercice 3: Considérons la parabole d'équation :

(P): $y = x^2$ et la droite (D): $y = x - 1$

- 1- Tracer la droite (D) et la parabole (P).
- 2- Soit $N\alpha$ un point d'abscisse α et varie sur la parabole (P)
 - a) Déterminer en fonction de α la distance $d(N\alpha, (D))$.
 - b) Pour quelle valeur de α la distance $d(N\alpha, (D))$ est minimale.

Exercice4 :Considérons deux vecteurs \vec{u} et \vec{v} non nuls et le trinôme $f(x) = (x\vec{u} + \vec{v})^2$

- 1- Développer $f(x)$.
- 2- Déterminer le signe de $f(x)$.
- 3- Déterminer le discriminant de $f(x)$.
- 4- en déduire que pour tout vecteurs \vec{u} et \vec{v} on a : $\vec{u} \cdot \vec{v} \leq |\vec{u} \cdot \vec{v}| \leq \|\vec{u}\| \times \|\vec{v}\|$
- 5- Quand est ce qu'on a l'égalité ?

Exercice5 :On sait que pour trois points donnés dans le plan on a : $MA + MB \geq AB$ le but de cette activité c'est de démontrer ce résultat.

Considérons deux vecteurs \vec{u} et \vec{v} non nuls.

- 1- Développer $(\vec{u} + \vec{v})^2$
- 2- En utilisant l'inégalité précédente montrer que $\|\vec{u} + \vec{v}\| \leq \|\vec{u}\| + \|\vec{v}\|$.
- 3- Quand est ce qu'on a l'égalité ?

Exercice 6 : Déterminer les ensembles :

(Γ_1) = $\{M(x, y) \in (\mathcal{P}) / x^2 + y^2 - 2x + y + 1 = 0\}$

(Γ_2) = $\{M(x, y) \in (\mathcal{P}) / x^2 + y^2 - x + 2y + 4 = 0\}$

Exercice7 :

Soient les points $A(-1,0)$, $B(1,2)$ et $C(5, -2)$

- 1- Montrer que les points A , B et C ne sont pas alignés
- 2- Ecrire l'équation du cercle circonscrit au



Triangle ABC .

Exercice8 :Soit (\mathcal{C}) le cercle d'équation :

$$x^2 + y^2 - 2x - 2y - 6 = 0$$

- 1)Vérifier que le point $A(3, -1)$ appartient au cercle
- 2- Ecrire l'équation de la tangente au cercle (\mathcal{C}) en A .

Exercice9: Soient le cercle

(\mathcal{C}): $(x - 2)^2 + (y - 1)^2 = 4$ et $A(5,6)$

- 1- Vérifier que le point A est à l'extérieur de (\mathcal{C})
- 2- a) Déterminer l'équation de la droite (δ) passant par A et parallèle à l'axe des ordonnées.
b) Vérifier que (δ) n'est pas tangente à (\mathcal{C}).
- 3- Soit (Δ) une droite qui passe par A et qui n'est pas parallèle à l'axe (Oy) et dont l'équation réduite est : (Δ) $y = mx + p$
 - a) Déterminer l'équation de (Δ) en fonction de m uniquement.
 - b) Déterminer m pour que (Δ) soit tangente au Cercle (\mathcal{C}).
- 4- Soit $B(4,5)$

- a) Montrer que la droite passant par B et parallèle à l'axe des ordonnées est tangente au cercle (\mathcal{C}).
- b) Soit (Δ') une droite qui passe par A et qui n'est pas parallèle à l'axe (Oy) et dont l'équation réduite est : (Δ') $y = mx + p$; Déterminer m pour que (Δ) soit tangente au cercle (\mathcal{C}).

Exercice10 : Résoudre graphiquement

$$(x^2 + y^2 - 4x - 6y + 9)(2x - y + 1) \leq 0$$

Exercice 11 : Soit l'ensemble :

$$(C_m) = \{M(x, y) \in (\mathcal{P}) / x^2 + y^2 - 2mx + 4my + 4m^2 - 1 = 0\}$$

où m est un réel.

- 1- Montrer que pour tout m dans \mathbb{R} , l'ensemble (C_m) est un cercle et déterminer ses éléments.
- 2- Déterminer l'équation cartésienne du plus petit cercle (C_m).
- 3- Déterminer l'ensemble dans lequel varient les centres Ω_m quand m décrit \mathbb{R}
- 4- a) Déterminer pour quelles valeurs de m le point $A(-1,2)$ appartient-il à (C_m)
b) Soit $M_0(x_0; y_0)$ un point donné dans le plan, existent-ils toujours des réels m qui vérifient $M_0 \in (C_m)$
- 5- Déterminer s'il existe l'intersection de tous les cercles (C_m)

C'est en forgeant que l'on devient forgeron » Dit un proverbe.
C'est en s'entraînant régulièrement aux calculs et exercices

Que l'on devient un mathématicien

